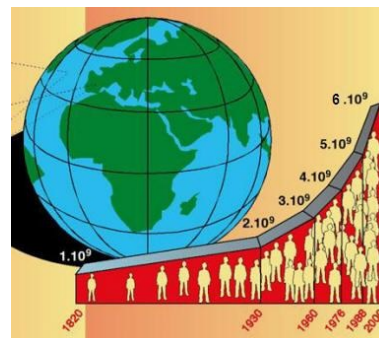


4.4 Groeimodellen

Inleiding

Een belangrijk toepassingsgebied van exponentiële functies en dus ook van logaritmen zijn de verschillende groeimodellen die ermee kunnen worden beschreven. Behalve exponentiële groei, komen ook geremde groei en het logistische groeimodel voorbij. En ook zul je werken met twee soorten logaritmisch papier.



Figuur 1

Je leert in dit onderwerp

- werken met enkellogaritmisch en dubbellogaritmisch grafiekenpapier;
- groeimodellen opstellen en de eigenschappen ervan kennen.

Voorkennis

- werken met exponentiële functies, logaritmische functies en machtsfuncties;
- differentiëren met de machtsregel, de somregel en de kettingregel;
- de afgeleiden van exponentiële en logaritmische functies opstellen.

Verkennen

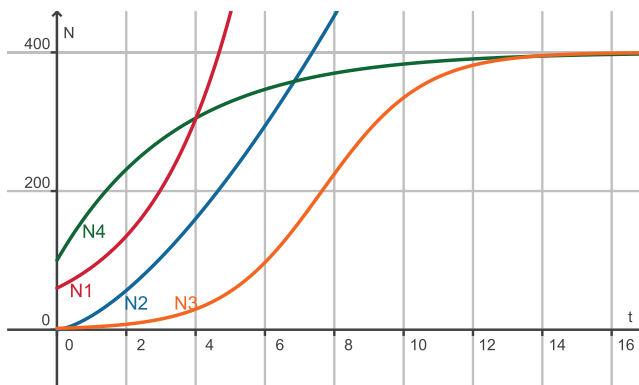
Opgave V1

Hier zie je in één figuur vier grafieken. De bijbehorende functies zijn:

- $N_1(t) = 60 \cdot 1,5^t$
- $N_2(t) = 20 \cdot t^{1,5}$
- $N_3(t) = \frac{400}{1+200 \cdot 0,5^t}$
- $N_4(t) = 400 - 300 \cdot 0,75^t$

Elk van deze functies is te gebruiken als groeimodel.

- Beschrijf bij elk van deze functies de wijze waarop de groei verloopt.
- Beschrijf ook telkens het verloop van de groeisnelheid.



Figuur 2

Uitleg 1

Een functie zoals $N(t) = 60 \cdot 1,5^t$ beschrijft exponentiële groei. Je kunt deze functie opvatten als een exponentieel groei-model. De groei is dan nogal explosief, bij betrekkelijk kleine waarden van t heb je al met hele grote uitkomsten te maken.

Dat is lastig als je een geschikte grafiek wilt maken.

Neem je daarentegen aan beide zijden de logaritme dan krijg je:

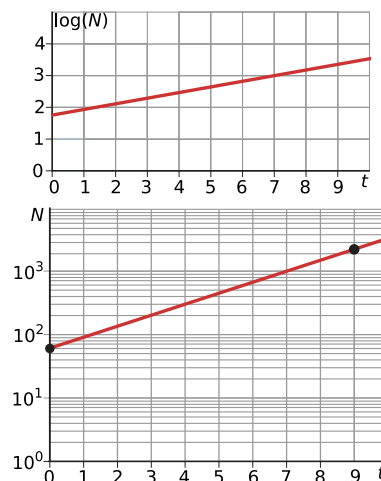
$$\log(N) = \log(60 \cdot 1,5^t).$$

Met de eigenschappen van logaritmen wordt dit:

$$\log(N) = \log(60) + t \cdot \log(1,5).$$

Omdat zowel $\log(60)$ als $\log(1,5)$ getallen zijn, staat hier dat tussen $\log(N)$ en t een lineair verband bestaat. En daarom wordt een exponentiële functie een rechte lijn als je op de verticale as een logaritmische schaal gebruikt.

Er bestaat speciaal grafiekenpapier waar de verticale as zo is aangepast dat je zonder omrekenen met logaritmen een rechte lijn krijgt bij een exponentiële functie. Dat heet **enkellogaritmisch papier**.



Figuur 3

Opgave 1

Bekijk **Uitleg 1**. Daarin gaat het over het tekenen van de grafiek van een exponentiële functie.

- a Ga na dat de getekende grafiek juist is.

Neem nu de functie $K(t) = 600 \cdot 0,8^t$.

- b Laat op algebraïsche wijze zien dat $\log(K)$ een lineaire functie van t is.
c Teken de grafiek van $\log(K)$.

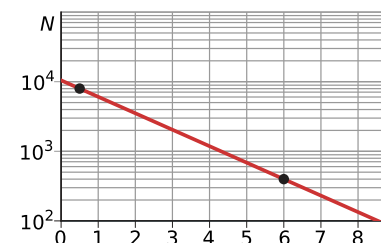
Zowel de grafiek van N als die van K kun je op enkellogaritmisch grafiekenpapier tekenen. Je hoeft dan niet eerst de formule te herschrijven.

- d Neem een blad van dit grafiekenpapier en teken daarop de grafieken van beide functies.

- e Je ziet hier de grafiek van een nieuwe functie $N(t)$ op enkellogaritmisch grafiekenpapier. Leg uit dat de grafiek door $(0,5; 8000)$ en $(6,400)$ gaat en stel het functievoorschrift op.

- f Lees uit de figuur af hoe groot $N(1)$ en $N(4,5)$ (bij benadering) zijn. Controleer je antwoorden met behulp van het functievoorschrift.

- g Heeft $N(t) = 0$ oplossingen? Kan er op de verticale as een 0 voorkomen?



Figuur 4

Opgave 2

Bekijk de functie $N_4(t) = 400 - 300 \cdot 0,75^t$.

- a Teken de grafiek van N_4 op enkellogaritmisch grafiekenpapier.
b Kun je verklaren waarom de grafiek geen rechte lijn wordt?

Opgave 3

Deze tabel met gegevens hoort bij een bacteriecultuur. t is gegeven in uren, en $N(t)$ in aantallen.

t	0	1	2	3	4	5	6
$N(t)$	50	84	141	237	398	670	1125

Tabel 1

- a Maak met behulp van deze tabel een tabel waarin $\log(N)$ wordt uitgezet tegen t .

- Teken de bijbehorende grafiek. Kun je deze grafiek benaderen door een rechte lijn? Is er sprake van exponentiële groei?
- Stel een formule op voor $\log(N)$ als functie van t .
- Stel met behulp van het antwoord van c een formule op voor N als functie van t .

Uitleg 2

Een functie zoals $N(t) = 20 \cdot t^{1,5}$ is een machtsfunctie. Ook daarvan is de grafiek lastig te tekenen, want in de buurt van $t = 0$ heb je uitkomsten vlak bij 0, maar bij grotere waarden van t al snel uitkomsten die behoorlijk groot zijn.

Ook nu kun je het voorschrift herleiden met behulp van logaritmen:

$$\log(N) = \log(20 \cdot t^{1,5}).$$

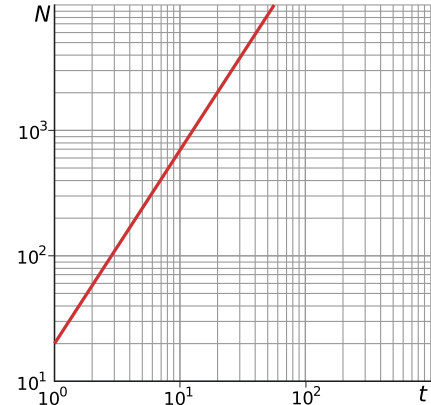
Dit levert op:

$$\log(N) = \log(20) + 1,5 \cdot \log(t).$$

Er bestaat een lineair verband tussen $\log(N)$ en $\log(t)$.

Dus gebruik je op beide assen een logaritmische schaal.

Ook hiervoor bestaat speciaal grafiekenpapier waar de beide assen zo zijn aangepast dat je zonder omrekenen met logaritmen een rechte lijn krijgt bij een machtsfunctie. Dat heet **dubbellogaritmisch papier**.



Figuur 5

Opgave 4

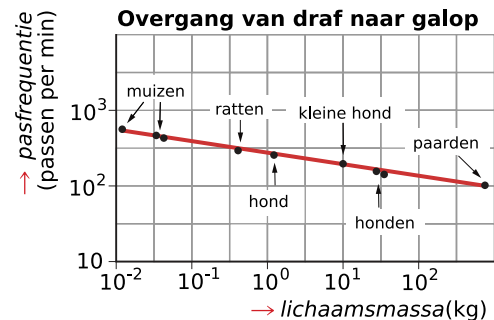
Bekijk **Uitleg 2** over het tekenen van een machtsfunctie.

- Maak bij de functie N met $N(t) = 20 \cdot t^{1,5}$ een tabel van $\log(N)$ afhankelijk van $\log(t)$. Teken de grafiek van $\log(N)$ uitgezet tegen $\log(t)$.
- Neem een blad dubbellogaritmisch grafiekenpapier. Teken daarop de grafiek van $N(t) = 20 \cdot t^{1,5}$. Neem nu de functie $K(t) = 600 \cdot t^{0,8}$.
- Laat op algebraïsche wijze zien dat $\log(K)$ een lineaire functie van $\log(t)$ is.
- Teken de grafiek van $K(t)$ op dubbellogaritmisch grafiekenpapier.

Opgave 5

Zoogdieren gaan bij een bepaalde pasfrequentie (het aantal passen per minuut) over van draf naar galop. De pasfrequentie waarbij dat gebeurt hangt af van de lichaamsmassa (in kg).

- Waaraan kun je zien dat op beide assen van deze grafiek een logaritmische schaal is gebruikt?
- Noem de lichaamsmassa m (in kg) en de pasfrequentie P . De rechte lijn gaat door de punten die horen bij een kleine hond en bij paarden. Leg uit dat het punt dat hoort bij paarden ongeveer de coördinaten $(10^{2,9}, 10^{2,0})$ heeft. Bepaal zelf de coördinaten van het punt dat bij een kleine hond hoort.
- Leid nu een formule af voor P als functie van m .
- Bereken bij welke pasfrequentie een pony van 120 kg van draf naar galop overgaat.



Figuur 6

Theorie en voorbeelden

Om te onthouden

Bij het **exponentiële groeimodel** hoort een functie van de vorm $N_1(t) = b \cdot g^t$ of $N_1(t) = b \cdot e^{kt}$ of $N_1(t) = b \cdot 10^{kt}$.

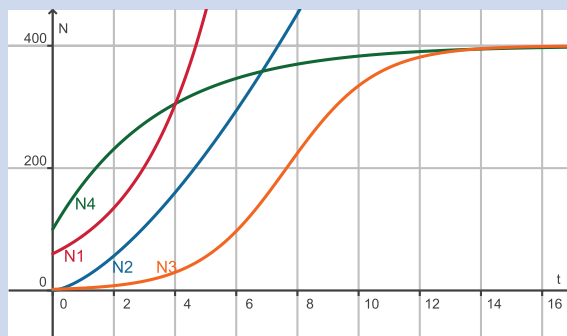
(In de figuur is $b = 60$ en $g = 1,5$.)

Teken je dergelijke functies op **enkellogaritmisch papier** dan wordt de grafiek een rechte lijn.

Bij een **machtsfunctie** als model hoort een voorschrift van de vorm $N_2(t) = b \cdot t^p$.

(In de figuur is $b = 20$ en $p = 1,5$.)

Van dergelijke functies is de grafiek op **dubbellogaritmisch papier** een rechte lijn.



Figuur 7

Bij een **geremd exponentieel groeimodel** hoort een functie als $N_3(t) = \frac{G}{1+b \cdot g^t}$.

Kenmerkend voor dit groeimodel is, dat de groei eerst vrijwel exponentieel verloopt, maar op zeker moment (voedselgebrek, te weinig ruimte) afremt. De groeisnelheid die eerst toeneemt, gaat vanaf dat moment afnemen. In dit groeimodel is $N = G$ de horizontale asymptoot en vind je de grootste groeisnelheid bij $N(t) = \frac{1}{2}G$. (In de figuur is $G = 400$, $b = 200$ en $g = 0,5$.)

Er zijn tenslotte nog situaties waarin het verschil met een constante waarde exponentieel afneemt. Daarbij hoort een groeimodel van de vorm $N_4(t) = G + b \cdot g^t$. Kenmerkend voor dit groeimodel is dat de groeisnelheid vanaf het begin afneemt. (In de figuur is $G = 400$, $b = -300$ en $g = 0,75$.)

Voorbeeld 1

In deze tabel zie je de groei van een aantal fruitvliegjes ('Drosophila melanogaster'). De populatie leeft in een afgesloten ruimte met voldoende voedsel. N is het aantal fruitvliegjes.

t (dagen)	0	4	8	12	16	20	24
$N(t)$	2	5	10	22	47	91	156

Tabel 2



Figuur 8

De sterke toename van N doet exponentiële groei vermoeden.

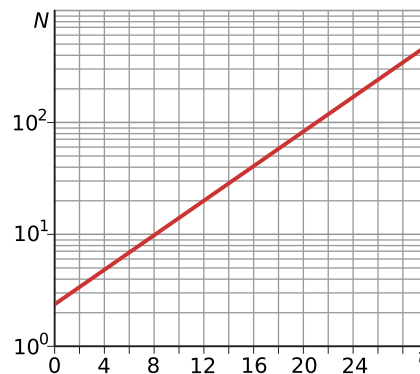
Teken de grafiek van $\log(N)$ als functie van t en/of teken de grafiek van $N(t)$ op **enkellogaritmisch papier** en stel een passende formule voor $N(t)$ op.

Antwoord

Je kunt de grafiek maken in Excel met een logaritmische schaal op de N -as.

De rechte lijn die het beste bij deze punten past kan door Excel worden berekend (exponentiële trendlijn).

Ga zelf na, dat $N(t) = 2,3 e^{0,18t}$ een passende formule is.



Figuur 9

Opgave 6

Bekijk **Voorbeeld 1**. De sterke toename van N doet exponentiële groei vermoeden.

- Teken de punten uit de tabel op enkellogaritmisch papier. Teken een lijn die zo goed mogelijk past bij de getekende punten. Deze lijn stelt de grafiek van $N(t)$ voor op enkellogaritmisch papier.
- Stel zelf een formule op voor $N(t)$.
- Controleer of de punten uit de tabel passen bij de gevonden formule.
- Na hoeveel dagen zouden er volgens dit groeimodel meer dan 1000 fruitvliegjes zijn?

Voorbeeld 2

Johannes Kepler (1571–1630) beschreef als eerste het verband tussen de omlooptijd T (in jaren) van een planeet en zijn gemiddelde afstand tot de zon R . Voor de Aarde geldt $T = 1$ jaar en wordt $R = 1$ AE (astronomische eenheid) genomen. In de tabel vind je de gegevens van de andere planeten in ons zonnestelsel.

planeet	Mercurius	Venus	Aarde	Mars	Jupiter	Saturnus	Uranus	Neptunus
R (in AE)	0,39	0,72	1	1,52	5,20	9,54	19,19	30,07
T (in jaren)	0,24	0,62	1	1,88	11,9	29,5	84,0	164,8

Tabel 3

Het verloop van $T(R)$ doet een machtsfunctie vermoeden.

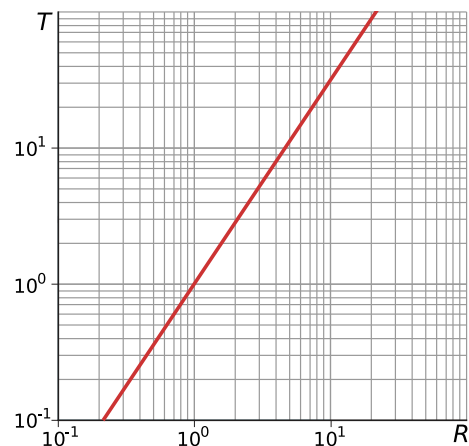
Teken de grafiek van $\log(T)$ als functie van $\log(R)$ en/of teken de grafiek van $T(R)$ op **dubbellogaritmisch papier** en stel een passende formule op.

Antwoord

Je kunt de grafiek maken in Excel met een logaritmische schaal op beide assen.

De rechte lijn die het beste bij deze punten past kan weer door Excel worden berekend (machtsstrendlijn).

Ga zelf na, dat $T = 1 \cdot R^{1,5}$ een passende formule is.



Figuur 10

Opgave 7

Bekijk **Voorbeeld 2**.

- Teken de grafiek van $\log(T)$ als functie van $\log(R)$ en/of teken de grafiek van $T(R)$ op dubbellogaritmisch papier. Wat voor soort groeimodel past bij $T(R)$?
- Door welk punt moet je grafiek in ieder geval gaan?
- Stel zelf een formule op voor $T(R)$.
In 1930 ontdekte astronoom **Clyde Tombaugh** een nieuw hemellichaam dat om de zon draaide op een (gemiddelde) afstand van 38,4851 AE. Dit hemellichaam werd Pluto genoemd en is lang als planeet geïdentificeerd.
- Welke omlooptijd heeft Pluto?

Voorbeeld 3

In deze tabel zie je de groei van een aantal fruitvliegjes ('Drosophila melanogaster'). De populatie leeft in een afgesloten ruimte met voldoende voedsel. N is het aantal fruitvliegjes.

t (dagen)	0	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40	44	48
$N(t)$	2	5	10	22	47	91	156	226	282	317	335	343	347



Figuur 11

Tabel 4

Nu lijkt er sprake van geremde exponentiële groei. $N(t)$ nadert de 350 fruitvliegjes. Stel m.b.v. de tabel een passend geremd exponentieel groeimodel op. Bereken bij welke t de groeisnelheid maximaal is.

Antwoord

De bijpassende formule wordt: $N(t) = \frac{350}{1+b \cdot g^t}$.

De grafiek gaat door (0,2) en dit geeft: $b = 174$.

De grafiek gaat ook door (40,335) en dit geeft: $g \approx 0,81$.

Een passende formule is: $N(t) = \frac{350}{1+174 \cdot 0,81^t}$.

De waarde van t waarin de groeisnelheid een maximum heeft kun je vinden met behulp van je grafische rekenmachine. Je vindt: $t \approx 23$ dagen.

Opgave 8

In **Voorbeeld 3** lijkt er sprake van geremde exponentiële groei. $N(t)$ nadert de 350 fruitvliegjes.

- Teken een grafiek van $N(t)$ die zo goed mogelijk past bij de gegevens in de tabel.
- Gebruik de grenswaarde van 350 fruitvliegjes, de waarde van $N(0)$ en nog een ander geschikt punt van je grafiek om zelf een formule op te stellen voor $N(t)$.
- Bereken zelf de waarde van t waarin de groeisnelheid van N zo groot mogelijk is.

Voorbeeld 4

Een kop vers gezette koffie heeft een temperatuur van 80 °C. Als je die koffie rustig laat afkoelen in een omgevingstemperatuur van 20 °C, dan neemt (warmtewet van Newton) het temperatuurverschil met de omgeving exponentieel af: $T(t) - 20 = b \cdot g^t$.

t (min.)	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24
T (°C)	80,0	58,4	44,6	35,7	30,1	26,4	24,1	22,6	21,7	21,1	20,7	20,4	20,3

Tabel 5

Ga uit van het beschreven groeimodel en stel een bijpassende formule op. Bereken de snelheid van afkoelen na 5 minuten.

Antwoord

Je gaat uit van: $T(t) - 20 = b \cdot g^t$.

De grafiek gaat door (0,80) en dit geeft: $b = 60$.

De grafiek gaat ook door (24; 20,3) en dit geeft: $60 \cdot g^{24} = 0,3$ en dus $g \approx 0,80$.

Een passende formule is: $T(t) = 20 + 60 \cdot 0,80^t$.

De afkoelsnelheid na vijf minuten is $T'(5) = 60 \cdot \ln(0,80) \cdot 0,80^5 \approx 4,39$ °C/minuut.

Opgave 9

Bekijk het afkoelingsproces van een kop koffie in **Voorbeeld 4**.

- Ga uit van het beschreven groeimodel en stel zelf een bijpassende formule op als je aanneemt dat de grafiek door de punten (0,80) en (20; 20,7) gaat.
- Bereken de snelheid van afkoelen na 10 minuten.

Opgave 10

Bekijk **Voorbeeld 4**.

Bepaal op welk tijdstip t de afkoelsnelheid $10\text{ }^{\circ}\text{C/minuut}$ is.

Geef je antwoord in seconden.

Verwerken

Opgave 11

Druk $\log(y)$ uit in x . Geef aan of de grafiek van het verband tussen y en x mogelijk op enkellogaritmisch papier of op dubbellogaritmisch papier een rechte lijn is.

- $y = 3 \cdot 2^x$
- $y = 3 + 2^x$
- $y = 3 \cdot x^2$
- $y = 3 + x^2$

Opgave 12

Op enkellogaritmisch papier gaat een rechte lijn door de punten (2,5) en (6,17).

Druk $\log(y)$ uit in x en druk ook y uit in x .

Opgave 13

Op dubbellogaritmisch papier gaat een rechte lijn door de punten (2,5) en (6,17).

Druk $\log(y)$ uit in $\log(x)$ en druk ook y uit in x .

Opgave 14

De tabel geeft de gemiddelde hoogte aan van de zonnebloemen op een bepaalde akker op verschillende tijdstippen na het ontkiemen. De gemiddelde maximale hoogte die deze zonnebloemen bereiken is 256 cm. t is de tijd in weken na het ontkiemen.

$H(t)$ is de gemiddelde hoogte van deze zonnebloemen in cm op tijdstip t .

aantal weken	2	4	6	8	10	12
hoogte in cm	36	98	170	228	251	255

Tabel 6



Figuur 12

- Onderzoek of er sprake is van lineaire groei, exponentiële groei, of geen van beide.
- Teken de grafiek van de functie: $F(t) = \log\left(\frac{256-H(t)}{H(t)}\right)$. Gebruik de gegevens in de tabel.
- Toon aan dat er een eerstegraads functie is die de functie F redelijk benadert en geef het bijpassende functievoorschrift.
- Leid uit de resultaten van b en c een functievoorschrift van H als functie van de tijd af.
- Bereken de groeisnelheid van deze zonnebloemen op $t = 1$. Waarom is de gemiddelde groei gedurende de tweede week groter?

- f Bereken de groeisnelheid van deze zonnebloemen op $t = 10$. Waarom is de gemiddelde groei gedurende de tiende week kleiner?
- g Op welke dag na het ontkiemen van de zonnebloemen groeien ze het snelst? Hoe snel groeien de zonnebloemen dan?

Opgave 15

In de tabel zie je de meetresultaten van een onderzoek naar het verband tussen de massa m van het dier en de energie E die het nodig heeft om zich over één kilometer te verplaatsen.

dier	m (gram)	E (calorieën)
muis	21	270
eekhoorn	236	870
witte rat	384	$1,7 \cdot 10^3$
hond (klein)	$2,6 \cdot 10^3$	$4,4 \cdot 10^3$
hond (groot)	$1,8 \cdot 10^4$	$1,7 \cdot 10^4$
schaap	$3,9 \cdot 10^4$	$2,3 \cdot 10^4$
paard	$5,8 \cdot 10^5$	$5,8 \cdot 10^5$

Tabel 7

- a Teken deze gegevens op dubbellogaritmisch grafiekenpapier. Zet m uit op de horizontale as en E op de verticale as.
- b Waarom kun je bij benadering aannemen, dat er tussen m en E een verband van de vorm $E = a \cdot m^b$ bestaat?
- c Bereken passende waarden van a en b .
- d Bereken het energieverbruik per km van een kat met een massa van 3,2 kg.

Opgave 16

De volgende alinea's zijn vrij naar een artikel dat in 1991 in een krant stond.

FAO luidt noodklok

"Elk jaar verdwijnt steeds meer tropisch oerwoud. In 1990 was de afname wel anderhalf keer zo groot als in 1980." Dit stelt de FAO, de voedsel- en landbouworganisatie van de Verenigde Naties, in een zondag verschenen rapport met nieuwe gegevens over de ontbossing van de aarde.

1 – In 1990 verdween in de tropen zeventien miljoen hectare oerwoud. Dit is een gebied even groot als Oostenrijk, Denemarken en Nederland samen.

2 – Er was op 1 januari 1990 nog 2900 miljoen hectare tropisch oerwoud over.

3 – De FAO wijst naar de geïndustrialiseerde landen waar de ontbossing een halt is toegeroepen. Tussen 1 januari 1980 en 1 januari 1985 is de bosoppervlakte in die landen met 5 procent toegenomen tot 2100 miljoen hectare.

Een lezer van dit artikel probeert de gegeven informatie in een wiskundig model te verwerken om daarmee te kijken wat de gevolgen zullen zijn als de afname van het tropisch oerwoud op dezelfde wijze blijft voortduren. Zij noemt de oppervlakte aan tropisch oerwoud (in miljoenen hectare) dat op tijdstip t nog aanwezig is $y(t)$. Zij neemt $t = 0$ op 1 januari 1980 en t in jaren.

- a Leg uit waarom zowel een formule van de vorm $y(t) = a \cdot t + b$ als een formule van de vorm $y(t) = a \cdot g^t$ niet in overeenstemming is met de gegevens uit het krantenartikel.

De lezer kiest voor een formule van de vorm $y(t) = b - a \cdot g^t$.

Uit de in de alinea's 1, 2 en 3 verstrekte gegevens leidt zij deze waarden af: $b = 3311$, $a = 274$ en $g = 1,0414$.

- b** Laat zien dat de formule met die waarden in overeenstemming is met de in de alinea's 1, 2 en 3 gegeven informatie.

Wanneer de ontbossing op dezelfde wijze blijft voortduren, zal op een gegeven moment minder dan 1000 miljoen hectare tropisch oerwoud overblijven.

- c** Bereken in welk jaar dat volgens de door de lezer gevonden formule zal gebeuren.
Het oorspronkelijke krantenartikel begon met de zin: "De tropische oerwouden verdwijnen anderhalf keer zo snel als 10 jaar geleden."
- d** Onderzoek met behulp van differentiëren of de door de lezer gevonden formule ook hiermee in overeenstemming is.

Toepassen

Bij het oogsten van koren wordt vaak gewerkt met een combine, of maaidorser. In zo'n maaidorser wordt in twee etappes gedorst: eerst in de dorststroom en daarna op de zogenaamde 'schudder', waar het graan (de graankorrels) tijdens het doorlopen van een traject uit het stro wordt geschud. De snelheid waarmee de hoeveelheid graan G (in kg) in het stro door het schudden afneemt, is recht evenredig met die hoeveelheid zelf:

$$G'(x) = -k \cdot G(x)$$

waarin x de afstand tot het begin van de schudder in meters is.



Figuur 13

Opgave 17

Bekijk [Toepassen](#).

- a** Verklaar de formule in de tekst, met name ook het minteken.
Neem $k = 0,2$. Dan moet gelden $G'(x) = -0,2 \cdot G(x)$.
- b** Toon aan dat de functie $G(x) = 100 \cdot e^{-0,2x}$ hieraan voldoet.
- c** Ga uit van een schudder met een totale lengte van 6 m. Hoeveel procent van de hoeveelheid graan aan het begin van de schudder is aan het einde nog niet uit het stro geschud?

Opgave 18

k heet de scheidingsfactor van het proces van schudden zoals beschreven in [Toepassen](#). De scheidingsfactor hangt af van de snelheid v (in m/s) van de maaidorser. Er geldt $k = \frac{1}{v}$.

- a** Verklaar de naam 'scheidingsfactor'. Hoeveel procent van het graan wordt niet uit het stro geschud als de maaidorser rijdt met een snelheid van 2 m/s?
- b** Is er een snelheid mogelijk waarbij alle graan uit het stro wordt geschud?

Testen

Opgave 19

Bij een slingerproef is de slingerperiode T voor een aantal verschillende slingerlengten l gemeten.

- Laat zien met behulp van logaritmisch papier, dat de meetresultaten in overeenstemming zijn met de veronderstelling, dat T een machtsfunctie is van l : $T = A \cdot l^a$.
- Bereken A en a .

l (cm)	T (s)
63,5	1,65
87,5	1,87
140,5	2,38
225,0	3,00
320,0	3,55

Tabel 8

Opgave 20

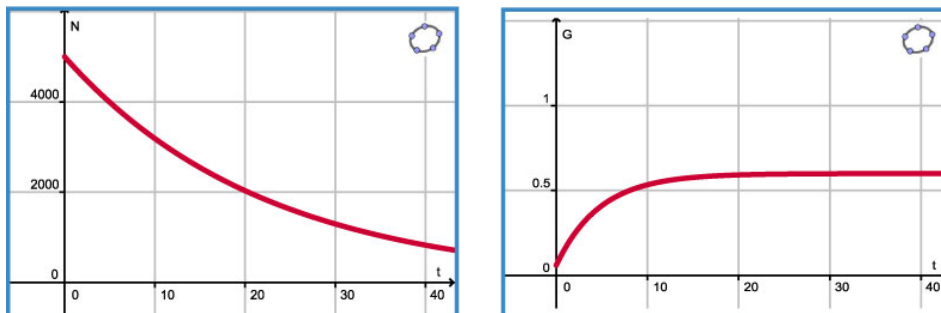
Een forellenkweker zet in elk van zijn kweekvijvers steeds 5000 jonge forellen uit. Die forellen nemen vanaf dat moment ($t = 0$) in gewicht toe, maar er sterven ook forellen. Hij heeft al een aantal jaren maandelijks de stand van de forellen bijgehouden. Op grond daarvan kan hij formules opstellen voor de groei van zo'n populatie forellen. Als t de tijd in maanden is, dan geldt:

- $N(t) = 5000 \cdot e^{a \cdot t}$ waarin N het aantal forellen is.
- $G(t) = G_{\text{eind}} - b \cdot e^{c \cdot t}$ waarin G het gewicht per forel in kg is.

G_{eind} stelt het gewicht voor dat een gemiddelde forel steeds meer zal benaderen naarmate hij ouder wordt.



Figuur 14



Figuur 15

- De uitgezette forellen wegen gemiddeld 65 gram. Stel nu met behulp van de grafieken de juiste formules op voor $N(t)$ en $G(t)$.
- Stel een formule op voor het totale gewicht aan forellen in deze vijver.
- Als de forellenkweker zijn kweekvijver wil leegvissen als het totale gewicht aan forellen maximaal is, hoeveel maanden na het uitzetten moet hij dat dan doen?



© 2024

Deze paragraaf is een onderdeel van het Math4All wiskundemateriaal.

Math4All stelt het op prijs als onvolkomenheden in het materiaal worden gemeld en ideeën voor verbeteringen in de content of dienstverlening kenbaar worden gemaakt. Klik op  in de marge bij de betreffende opgave. Uw mailprogramma wordt dan geopend waarbij het emailadres en onderwerp al zijn ingevuld. U hoeft alleen uw opmerkingen nog maar in te voeren.

Email: f.spijkers@math4all.nl

Met de Math4All Foliostraat kunnen complete readers worden samengesteld en toetsen worden gegenereerd. Docenten kunnen bij a.f.otten@math4all.nl een gratis inlog voor de maatwerkdienst aanvragen.
