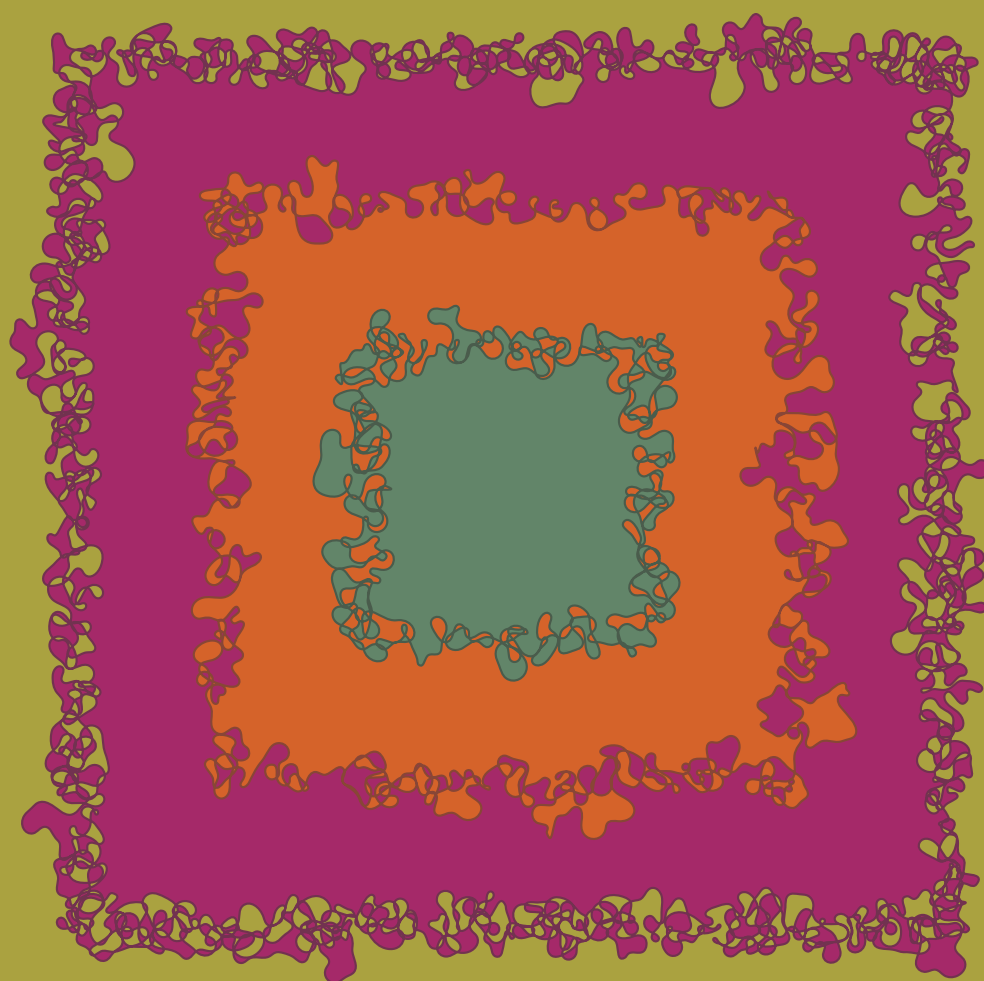


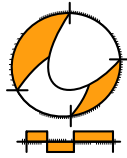
Wiskunde / PGA

1 HAVO / VWO

Breuken

ConTeXt College





© 2024

Het auteursrecht op dit lesmateriaal berust bij Stichting Math4All. Math4All is derhalve de rechthebbende zoals bedoeld in de hieronder vermelde creative commons licentie.

Het lesmateriaal is met zorg samengesteld en getest. Stichting Math4All aanvaardt geen enkele aansprakelijkheid voor onjuistheden en/of onvolledigheden in de module. Ook aanvaardt Math4All geen enkele aansprakelijkheid voor enige schade, voortkomend uit (het gebruik van) dit lesmateriaal

Voor deze module geldt een Creative Commons Naamsvermelding Niet Commercieel 3.0 Nederland Licentie. (zie <http://creativecommons.org/licenses/by/3.0>).

Dit lesmateriaal is open, gratis en vrij toegankelijk lesmateriaal afkomstig van Stichting Math4All en is speciaal ontwikkeld voor het vak wiskunde in het voortgezet onderwijs. Het lesmateriaal op de website www.math4all.nl is afgestemd op kerndoelen wiskunde, tussendoelen wiskunde en eindtermen voor de vakken wiskunde A, B en C. Dit lesmateriaal is mediumneutraal ontwikkeld en op diverse manieren te bekijken en te gebruiken. Voor informatie en vragen kunt u contact opnemen via info@math4all.nl. Ook houden we ons altijd aanbevolen voor suggesties, verbeteringen en/of aanvullingen.

Het lesmateriaal in dit katern is gebaseerd op het materiaal dat je kunt vinden op de Math4All website www.math4all.nl. In de tekst staan dan ook regelmatig verwijzingen naar die website. Waar je precies moet zijn op die website kun je zien in de kopregel van iedere pagina.

Ieder hoofdstuk bestaat uit een aantal paragrafen en wordt steeds afgesloten met een paragraaf *Totaalbeeld* waar de leerstof wordt samengevat en/of herhaald.

PGA

PGA staat voor 'probleemgestuurde aanpak'. Je werkt dan onder begeleiding van je docent in kleine groepjes aan wiskundige problemen en samen bouw je de theorie op en maak je er een overzicht van.

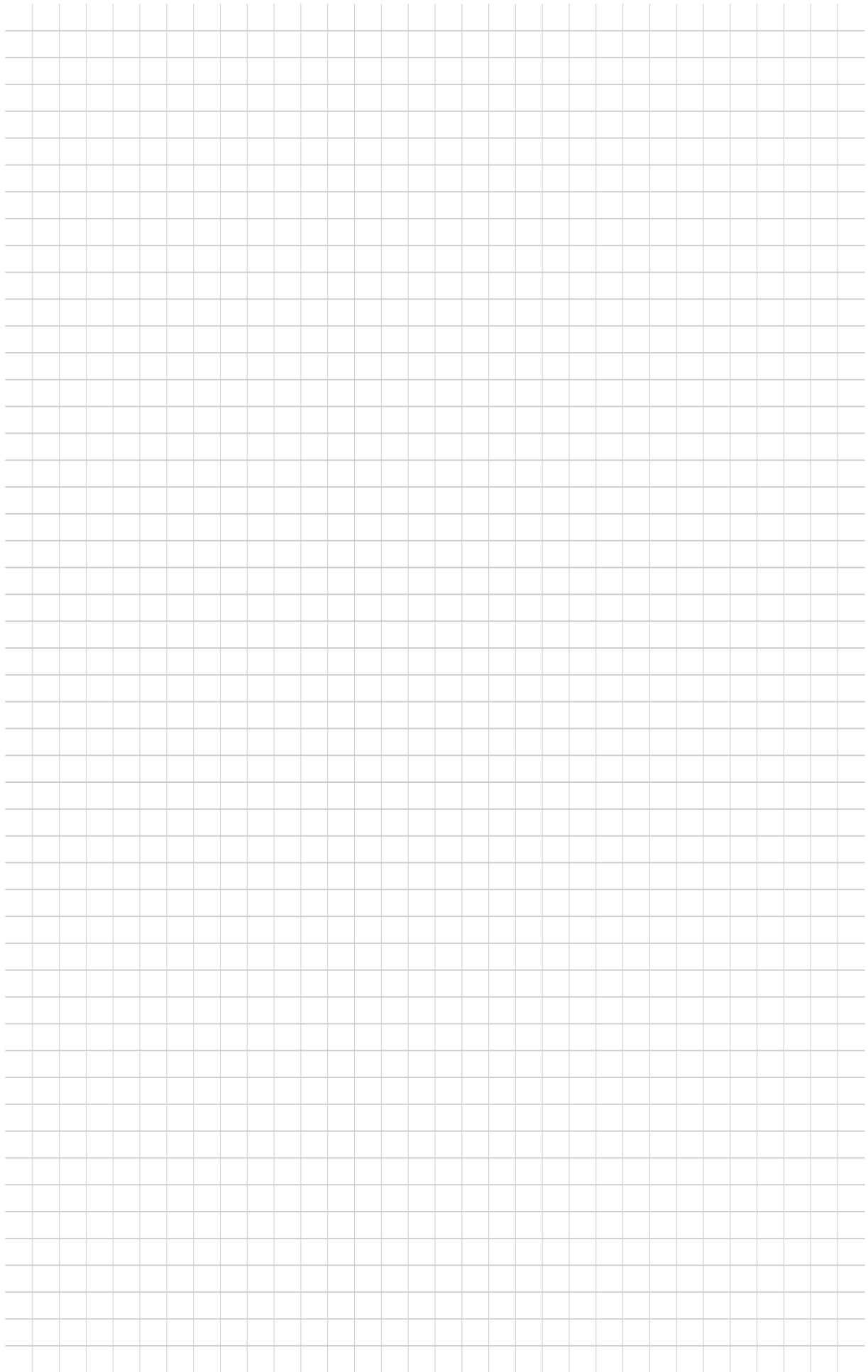
De PGA wordt ondersteund door verwerkings- en toepassingsopgaven waarmee je kunt nagaan of je de stof beheerst. Deze opgaven worden op drie niveaus aangeboden. De niveau aanduiding vind je terug in de marge.

- ★ het basale niveau, dat iedereen zou moeten behalen
- ★ ★ een iets pittiger niveau, waarin iets meer uitdaging zit en die je alleen hoeft te maken als je er genoeg tijd voor hebt
- ★ ★ ★ een bijzondere toepassing of een echt pittige opgave die je alleen maakt als de rest veel te gemakkelijk voor je was

1

Breuken

- 1.1 Wat is een breuk? 6
- 1.2 Van breuk naar decimaal getal 12
- 1.3 Breuken vergelijken 18
- 1.4 Breuken optellen en aftrekken 24
- 1.5 Breuken vermenigvuldigen 30
- 1.6 Breuken delen 36
- 1.7 Totaalbeeld 42



Theorie

Om te onthouden

A large grid of graph paper with a light beige background and a light gray grid pattern, intended for taking notes.

Verwerken

★ Opgave 1.1

Uit onderzoek uit het einde van de vorige eeuw bleek dat iemand elke dag gemiddeld ongeveer 8 uur slaapt, 1,5 uur eet en 2 uur televisie keek.

- Hoe groot was toen het deel van de dag dat iemand slaapt?
- Als een mens in totaal 84 jaar oud wordt en zijn leven lang dit gedrag heeft gehad, hoeveel jaar heeft hij dan geslapen?
- Hoe groot is het deel van de dag dat iemand aan het eten was?
- Hoeveel keek een mens toen gemiddeld in zijn leven televisie?

★ Opgave 1.2

Schrijf de volgende breuken zo eenvoudig mogelijk en haal indien mogelijk de gehelen er uit.

- $\frac{15}{12} = \dots$
- $\frac{12}{15} = \dots$
- $\frac{13}{4} = \dots$
- $\frac{4}{13} = \dots$
- $\frac{5}{85} = \dots$
- $\frac{85}{5} = \dots$

Toepassen

★★ Opgave 1.3: Fietsen

Fietsen hebben een voortandwiel (dat aan de trapas vastzit) en een achtertandwiel aan de achteras. Het aantal tanden van die tandwielen bepalen de versnelling. Voortandwielen hebben gemiddeld 42 tot 54 tanden; achtertandwielen 12 tot 34 tanden.

- Waarom heeft het voortandwiel de meeste tanden?
- Met één pedaalslag gaat het voortandwiel één keer rond. Hoeveel keer gaat het achterwiel dan rond als het voortandwiel 48 tanden en het achtertandwiel 20 tanden heeft?

Het getal dat je bij b hebt gevonden heet de overbrenging. Bij elke verhouding van de tanden op de twee tandwielen kun je die overbrenging berekenen in twee decimalen nauwkeurig.

- Vul deze tabel in (vereenvoudig de breuken zover mogelijk):

tanden voor	tanden achter	overbrenging
42	15	
43	16	
45	15	
46	16	
51	17	
54	18	

Tabel 1.1

- Kun je bij verschillende aantallen tandwielen toch dezelfde overbrenging hebben?

De afstand die de fiets met één pedaalslag vooruit gaat noemen we het verzet. Het verzet hangt af van de overbrenging en de grootte van de wielen. Stel dat je fiets 2,83 m vooruit gaat als het achterwiel één keer rond draait.

- e** Hoe groot is het verzet bij een overbrenging van $\frac{12}{5}$ bij één pedaalslag?
- f** Hoe groot is het verzet bij 54 tanden voor en 18 tanden achter?
- g** Breid de tabel bij c uit met een kolom waarin het verzet staat.
- h** Toen Francesco Moser in 1988 het indoor uurrecord verbeterde (ruim 50 km afgelegd in 1 uur), gebruikte hij een fiets met een versnelling van 47 bij 17. Wat was de overbrenging? Hij had een speciale fiets laten maken met een verzet van 8,93 meter! Hoe groot was de omtrek van zijn achterwiel wel niet?

Antwoorden

1.1 a $\frac{1}{3}$

b 28 jaar.

c $\frac{1,5}{24} = \frac{3}{48} = \frac{1}{16}$ deel.

d 7 jaar.

1.2 a $\frac{15}{12} = \frac{5}{4} = 1\frac{1}{4}$

b $\frac{12}{15} = \frac{4}{5}$

c $\frac{13}{4} = 3\frac{1}{4}$

d $\frac{4}{13} = \frac{4}{13}$

e $\frac{5}{85} = \frac{1}{17}$

f $\frac{85}{5} = 17$

1.3 a Als je het voortandwiel één keer draait, gaat het achterwiel meer dan één keer rond.

b $2\frac{2}{5}$ keer.

c De overbrengingen worden: $\frac{42}{15} = 2\frac{4}{5}$, $\frac{43}{16} = 2\frac{11}{16}$, $\frac{45}{15} = 3$, $\frac{46}{16} = 2\frac{7}{8}$, $\frac{54}{18} = 3$ en $\frac{51}{17} = 3$.

d Ja, zie tabel.

e Ongeveer 6,792 m.

f $\approx 8,49$ m.

g Bereken het verzet steeds op dezelfde manier als bij f en g.

h Ongeveer 3,23 m.

1.2 Van breuk naar decimaal getal

Inleiding

Bij decimale getallen zijn de decimalen tienden, honderdsten, duizendsten, enzovoorts.

Daarom kun je decimale getallen schrijven als breuken.

En omgekeerd kun je breuken schrijven als decimale getallen. Alleen heb je daar soms wel heel veel decimalen voor nodig...

$$\begin{aligned} 0,1 &= \frac{1}{10} \\ 0,01 &= \frac{1}{100} \\ 0,001 &= \frac{1}{1000} \\ 0,0001 &= \frac{1}{10000} \end{aligned}$$

Figuur 2.1

Je leert in dit onderwerp

- breuken en decimale getallen in elkaar omzetten;
- breuken gebruiken als exacte antwoorden vereist zijn.

Voorkennis

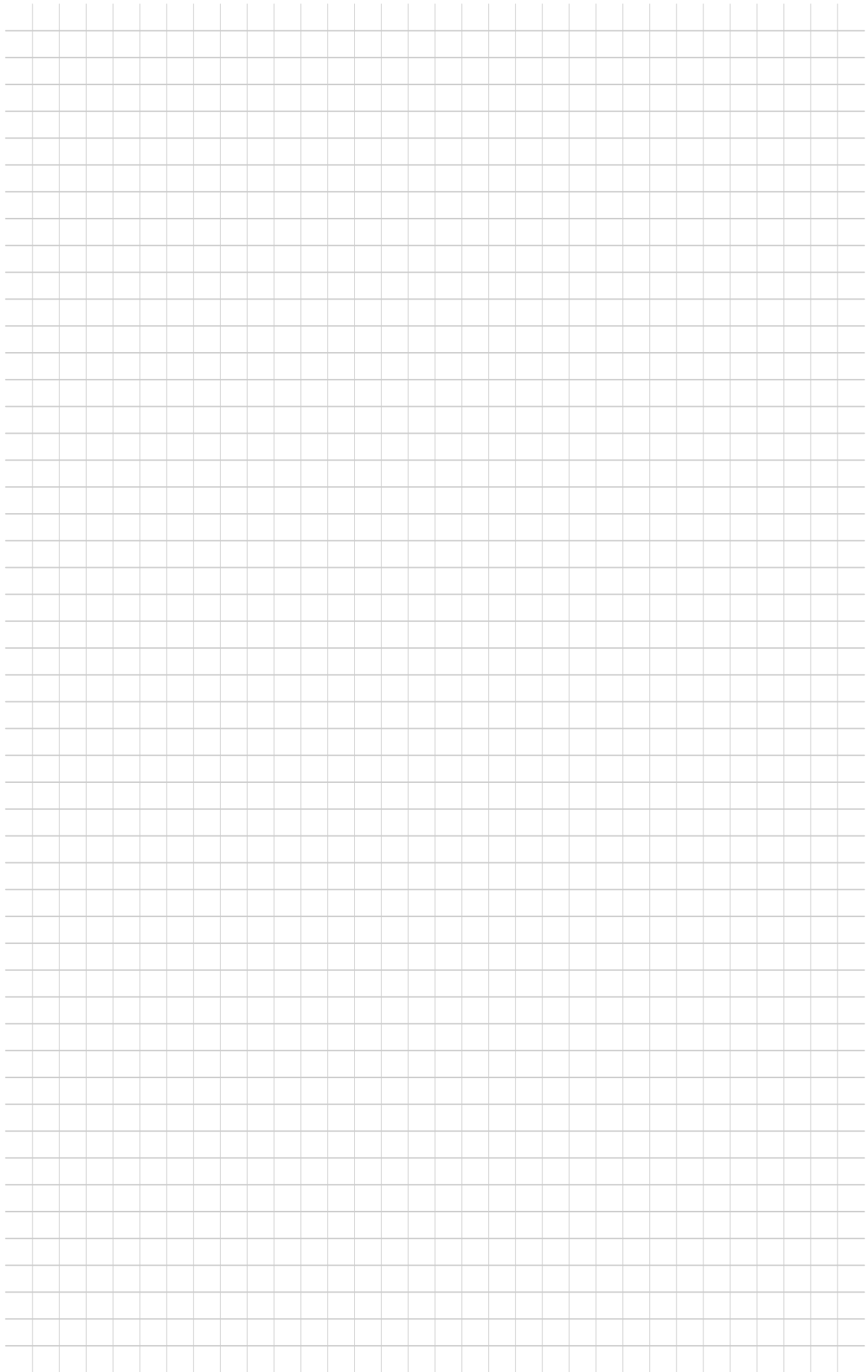
- rekenen met decimale getallen, zowel met de hand als met de rekenmachine, in de juiste rekenvolgorde;
- de begrippen breuk (met teller en noemer) en samengestelde breuk kennen;
- breuken vereenvoudigen.

Voor de leerling

Je krijgt in groepjes één of meer opdrachten waarmee je de theorie die bij dit onderdeel hoort zelf gaat opbouwen. Het gaat om het kunnen omschrijven van een breuk naar een decimaal getal en omgekeerd.

Maak eigen aantekeningen en uiteindelijk voor je zelf een theorie-overzicht.

Aantekeningen



Theorie

Om te onthouden

A large grid of graph paper with a light beige background and a light blue grid pattern. The grid consists of 20 columns and 30 rows of small squares, providing a space for writing or drawing.

Verwerken

★ Opgave 2.1

Schrijf de volgende breuken als decimale getallen.

a $\frac{7}{3} = \dots$

b $\frac{13}{12} = \dots$

c $8\frac{3}{25} = \dots$

d $\frac{1}{19} = \dots$

e $\frac{4}{21} = \dots$

★ Opgave 2.2

Schrijf de volgende getallen als een zo eenvoudig mogelijke breuk.

a $2,17 = \dots$

b $0,0125 = \dots$

c $0,675 = \dots$

d $0,0002 = \dots$

★ Opgave 2.3

Je kunt de euromunten die delen van 1 euro voorstellen, weergeven door een breuk. Zo is de munt van 50 eurocent weer te geven als $\frac{1}{2}$. En zo kun je € 2,50 weergeven als $2 + \frac{1}{2}$.

a Laat zien dat € 2,50 ook is te schrijven als $2 + \frac{2}{5} + \frac{1}{10}$.

b Geef nog minstens twee andere manieren om € 2,50 weer te geven met breuken.

c Geef ook € 0,99 op minstens drie manieren weer met behulp van breuken.

d Waarom kun je € 50 niet exact verdelen met 6 anderen?

Toepassen

Je wilt $\frac{3}{8}$ deel van € 60,00 berekenen.

Dat kan op twee manieren:

- $\frac{1}{8}$ deel krijg je door de € 60,00 door 8 te delen.

Dat is € 7,50.

$\frac{3}{8}$ deel is 3 keer zoveel, dus € 22,50.

- $\frac{3}{8} = 0,375$ (met de rekenmachine).

Je krijgt dan $0,375 \times 60,00 = 22,50$, dus € 22,50.

★★ Opgave 2.4: Een deel van...

Hierboven zie je hoe je $\frac{3}{8}$ deel van 60 op twee manieren kunt berekenen.

a Bereken $\frac{5}{16}$ deel van 80 op dezelfde twee manieren.

- b** Bereken $\frac{7}{20}$ deel van 90 op dezelfde twee manieren.
- c** Bereken $\frac{4}{7}$ deel van 90. Geef je antwoord eerst exact en dan in twee decimalen nauwkeurig.

★ ★ ★

Opgave 2.5: Stambreuken

In het tientallig stelsel worden de stambreuken ééntiende, éénhonderdste, en dergelijke gebruikt. Maar in bijvoorbeeld Nederland werd het tientallig stelsel pas omstreeks 1600 ingevoerd, nadat Simon Stevin het boek 'De Thiende' (1585, over decimale getallen) had gepubliceerd.

Voor die tijd rekende men met de stambreuken $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$, enzovoorts.

De wiskundige J.J. Sylvester (1814—1897) bewees veel later dat elke breuk kan worden geschreven als de som van een aantal stambreuken. Hij ontwierp een eenvoudige manier waarmee elke breuk als som van stambreuken kan worden geschreven. Daarbij trek je telkens van de breuk die je wilt omzetten in een som van stambreuken een zo groot mogelijke stambreuk af.

Bijvoorbeeld: $\frac{13}{20} = \frac{10}{20} + \frac{3}{20} = \frac{1}{2} + \frac{3}{20} = \frac{1}{2} + \frac{1}{7} + \frac{1}{140}$.

- a** Reken dit voorbeeld zelf na.
- b** Schrijf $\frac{10}{13}$ en $\frac{5}{12}$ als som van stambreuken.
- c** Bereken nu $\frac{10}{13} + \frac{5}{12}$ met behulp van deze stambreuken.

Antwoorden

2.1 a $\frac{7}{3} = 2,\underline{3}$

b $\frac{13}{12} = 1,08\bar{3}$

c $8\frac{3}{25} = 8,12$

d $\frac{1}{19} = 0,052631578947368421$

e $\frac{4}{21} = 0,190476$

2.2 a $2,17 = 2\frac{17}{100}$

b $0,0125 = \frac{1}{80}$

c $0,675 = \frac{27}{40}$

d $0,0002 = \frac{1}{5000}$

2.3 a 2 euro, 2 munten van 20 cent en 1 munt van 10 cent.

b Bijvoorbeeld $2 + \frac{50}{100}$ en $2 + \frac{5}{10}$.

c Bijvoorbeeld $\frac{9}{10} + \frac{9}{100}$ en $\frac{4}{5} + \frac{1}{10} + \frac{1}{20} + \frac{4}{100}$ en $\frac{1}{2} + \frac{2}{5} + \frac{1}{20} + \frac{2}{50}$.

d Je komt niet op gehele centen uit.

2.4 a $\frac{1}{16}$ van 80 is 5, dus $\frac{5}{16}$ van 80 is $5 \times 5 = 25$.

Of $\frac{5}{16} = 0,3125$ en $0,3125 \times 80 = 25$.

b $\frac{1}{20}$ van 90 is 4,5, dus $\frac{7}{20}$ van 90 is $7 \times 4,5 = 31,5$.

Of $\frac{7}{20} = 0,35$ en $0,35 \times 90 = 31,5$.

c $\frac{1}{7}$ van 90 is $12\frac{6}{90} = 12\frac{1}{15}$, dus $\frac{4}{7}$ van 90 is $4 \times 12\frac{1}{15} = 48\frac{4}{15} \approx 48,27$.

2.5 a Doen.

b $\frac{10}{13} = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{52}$ en $\frac{5}{12} = \frac{1}{3} + \frac{1}{12}$.

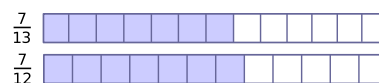
c $\frac{10}{13} + \frac{5}{12} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{12} + \frac{1}{52}$.

1.3 Breuken vergelijken

Inleiding

Wat is meer, $\frac{7}{12}$ of $\frac{7}{13}$?

Hoe kun je in het algemeen breuken vergelijken? Moet je dan steeds zo'n plaatje maken?



Figuur 3.1

Je leert in dit onderwerp

- breuken met elkaar vergelijken door (als nodig) gelijknamig maken.

Voorkennis

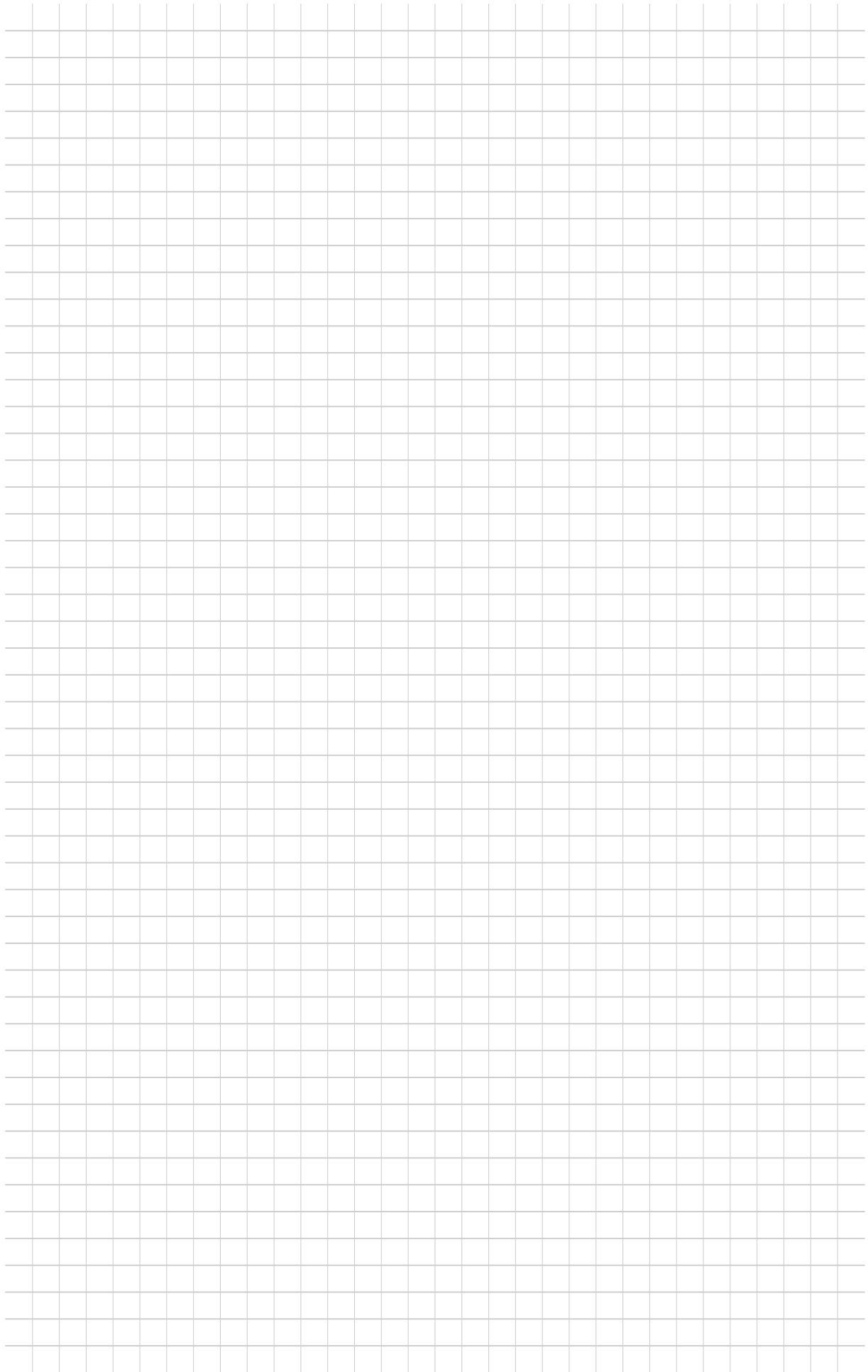
- rekenen met decimale getallen, zowel met de hand als met de rekenmachine, in de juiste rekenvolgorde;
- de begrippen breuk (met teller en noemer) en samengestelde breuk kennen;
- breuken vereenvoudigen en als decimaal getal schrijven.

Voor de leerling

Je krijgt in groepjes één of meer opdrachten waarmee je de theorie die bij dit onderdeel hoort zelf gaat opbouwen. Het gaat om het kunnen vergelijken van twee breuken door ze gelijknamig te maken. Maak eigen aantekeningen en uiteindelijk voor je zelf een theorie-overzicht.

Aantekeningen





Theorie

Om te onthouden

A large grid of graph paper with a light beige background and a light gray grid pattern, intended for taking notes on the theory of comparing fractions.

Verwerken

★ Opgave 3.1

Hier wordt vijf keer een breuk beschreven.

- a. 3 van de 5
- b. $\frac{3}{4}$
- c. vijf-zevende deel
- d. 0,55
- e. 7 van de 11

- a Zet de breuk er telkens achter.
- b Schrijf de breuken uit a van klein naar groot op. Gebruik daarbij het teken voor 'kleiner dan'.

★ Opgave 3.2

Vul <, > of = in:

a $\frac{2}{11} \dots \frac{3}{11}$

b $\frac{2}{11} \dots \frac{2}{10}$

c $\frac{2}{10} \dots \frac{3}{11}$

d $1\frac{3}{8} \dots 1\frac{1}{3}$

e $\frac{1}{3} \dots 0,33$

f $0,1538 \dots \frac{2}{13}$

★ Opgave 3.3

Volgens de statuten van sportclub LLDM moet $\frac{3}{4}$ deel van de leden op een vergadering aanwezig zijn om over een voorstel te mogen stemmen. Als men over een wijziging van de statuten stemt moet $\frac{2}{3}$ van de aanwezigen vóór stemmen om die wijziging aan te nemen.

- a Op een ledenvergadering zijn 176 van de 234 leden aanwezig. Mag er worden gestemd?
- b Voor een voorstel tot wijziging van de statuten stemmen 117 van de aanwezige leden. Wordt het voorstel aangenomen?

Toepassen

Het KGV van 10 en 13 is $10 \times 13 = 130$.

Maar het KGV van 10 en 15 is niet $10 \times 15 = 150$, maar 30.

Dat heeft te maken met de delers van de getallen.

Een **deler** van 10 is bijvoorbeeld 2, want je kunt 10 door 2 delen en dan komt daar weer een geheel getal uit. Dus is 3 geen deler van 10 en 4 ook niet, maar 5 weer wel. De delers van 10 zijn 1, 2, 5 en 10 zelf. Het getal 1 is trouwens van elk geheel getal een deler, net als het getal zelf.

Nu hebben 10 en 13 alleen 1 als gemeenschappelijke deler: de **grootste gemeenschappelijke deler** (GGD) van 10 en 13 is 1.

Maar de GGD van 10 en 15 is 5.

En dus is het KGV niet 150, maar $\frac{150}{5} = 30$.

★ ★ **Opgave 3.4: KGV en GGD**

Bij **Toepassen** zie je wat je onder de GGD van twee getallen verstaat en wat dit betekent voor het KGV.

- a Laat zien dat het KGV van 10 en 15 inderdaad 30 is.
- b Dit heeft te maken met de GGD van beide getallen. Schrijf de delers van 15 op en laat zien dat de GGD van 10 en 15 inderdaad 5 is.
- c Leg uit waarom dit betekent dat het KGV van 10 en 15 wel $\frac{150}{5}$ moet zijn.

Het werken met KGV en GGD is pas nuttig als je breuken met grote tellers en noemer wilt vergelijken. Bij het vinden van de GGD werk je dan met de priemfactoren van een getal. Zie eventueel.

Bijvoorbeeld als je moet vergelijken: $\frac{37}{12444}$ en $\frac{23}{7930}$.

- d Je kunt je hier nog steeds redden met behulp van decimale getallen. Welke van beide breuken is het grootst?
Je kunt je vast wel voorstellen dat het mogelijk is om de breuken zo te kiezen, dat je rekenmachine geen verschil meer ziet. Dan zou je een staartdeling moeten maken. Maar dan is het echt handiger om de breuken gelijknamig te maken.
- e Ga na, dat $7930 = 2 \times 5 \times 13 \times 61$.
- f Schrijf vervolgens 12444 als product van priemfactoren.
- g Vergelijk de resultaten van e en f. Wat is de GGD van 7930 en 12444?
- h Bepaal het KGV van 7930 en 12444 en maak de breuken gelijknamig. Welke is de grootste?

Antwoorden

3.1 a a. 3 van de 5 is $\frac{3}{5}$.

b. $\frac{3}{4}$ geeft $\frac{3}{4}$.

c. vijf-zevende deel is $\frac{5}{7}$.

d. $0,55 = \frac{55}{100} = \frac{11}{20}$.

e. 7 van de 11 is $\frac{7}{11}$.

b $0,55 < \frac{3}{5} < \frac{7}{11} < \frac{5}{7} < \frac{3}{4}$.

3.2 a $\frac{2}{11} < \frac{3}{11}$

b $\frac{2}{11} < \frac{2}{10}$

c $\frac{2}{10} < \frac{3}{11}$

d $1\frac{3}{8} > 1\frac{1}{3}$

e $\frac{1}{3} > 0,33$

f $0,1538 < \frac{2}{13}$

3.3 a Ja, er zijn voldoende leden aanwezig.

b Nee.

3.4 a 30 is het kleinste getal dat je door zowel 10 als 15 kunt delen.

b Delers van 15 zijn: 1, 3, 5, 15. Dus is de GGD van 10 en 15 gelijk aan 5.

c $15 = 1 \times 3 \times 5$ en $10 = 1 \times 2 \times 5$, dus het KGV is $1 \times 2 \times 3 \times 5 = 30$.

d $\frac{37}{12444} = 0,00297\dots$ en $\frac{23}{7930} = 0,00290\dots$, dus $\frac{37}{12444}$ is groter.

e Doen.

f $12444 = 2 \times 2 \times 3 \times 17 \times 61$.

g De GGD van 12444 en 7930 is $2 \times 61 = 122$.

h Het KGV van 12444 en 7930 is $2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 13 \times 17 \times 61 = 8008860$.

$\frac{37}{12444} = \frac{2405}{8008860}$ en $\frac{23}{7930} = \frac{2346}{8008860}$.

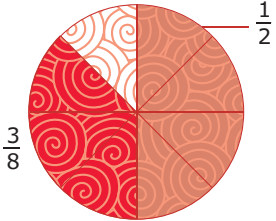
Ook uit gelijknamig maken blijkt dat $\frac{13}{12444}$ het grootste is.

1.4 Breuken optellen en aftrekken

Inleiding

Hoeveel is $\frac{1}{2}$ en $\frac{3}{8}$ samen?

En hoeveel is het verschil van beide?



Figuur 4.1

Je leert in dit onderwerp

- breuken optellen en aftrekken.

Voorkennis

- rekenen met decimale getallen, zowel met de hand als met de rekenmachine, in de juiste rekenvolgorde;
- de begrippen breuk (met teller en noemer) en samengestelde breuk kennen;
- breuken vereenvoudigen en als decimaal getal schrijven;
- breuken met elkaar vergelijken.

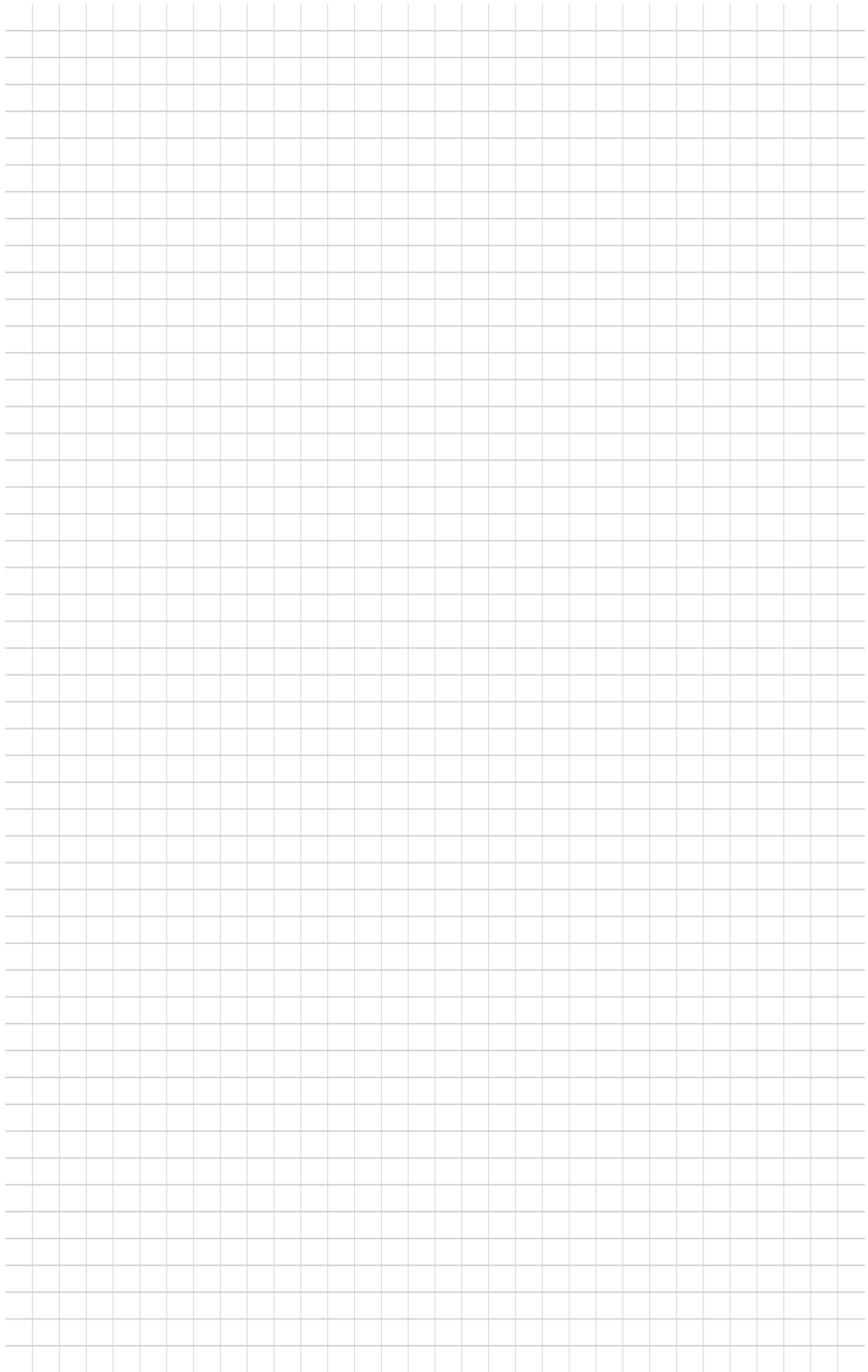
Voor de leerling

Je krijgt in groepjes één of meer opdrachten waarmee je de theorie die bij dit onderdeel hoort zelf gaat opbouwen. Het gaat om het optellen en aftrekken van twee breuken door ze gelijknamig te maken. Werk zoveel mogelijk met de hand, want deze kennis heb je later nog nodig (ook al kan je rekenmachine dit voor je uitvoeren).

Maak eigen aantekeningen en uiteindelijk voor je zelf een theorie-overzicht.

Aantekeningen

Empty grid area for notes.





Theorie

Om te onthouden

A large grid of graph paper with 20 columns and 30 rows, intended for taking notes on the theory of adding and subtracting fractions.

Verwerken

★ Opgave 4.1

Voer de volgende berekeningen handmatig uit. Controleer de antwoorden met de rekenmachine.

- a $\frac{3}{5} + 2\frac{1}{3} = \dots$
- b $2\frac{1}{6} + 1\frac{3}{4} - 2\frac{1}{12} = \dots$
- c $3\frac{7}{12} - 2\frac{5}{6} + \frac{2}{3} = \dots$
- d $4\frac{3}{10} - 2\frac{2}{5} + \frac{17}{20} = \dots$

★ Opgave 4.2

Voer de berekeningen in de voorgaande opgave ook uit met de rekenmachine, maar zonder gebruik te maken van de breukentoets.

Geef je antwoorden als exacte decimale getallen.

★ Opgave 4.3

Heb je nog niet genoeg geoefend? Oefen dan het handmatig optellen en aftrekken van breuken via het [Practicum](#).

Je oefent jezelf met behulp van AlgebraKIT. Blijf oefenen tot je vrijwel geen fouten meer maakt.

★ Opgave 4.4

In een stad is $\frac{1}{3}$ deel van mannen boven de 40 jaar en $\frac{1}{7}$ deel van de vrouwen boven de 40 jaar. Er zijn ongeveer evenveel mannen als vrouwen.

- a Welk deel van mensen in die stad is boven de 40 jaar?
- b Waarom kun je het antwoord bij a alleen berekenen omdat er ongeveer evenveel mannen als vrouwen in deze stad wonen?

★ Opgave 4.5

Anneke, Henk en Frits verdelen een taartje. Vreetzak Frits neemt $\frac{2}{3}$ deel van de taart, Anneke snijdt (bescheiden als ze is) $\frac{1}{12}$ deel van de taart af.

Welk deel van de taart blijft er over voor Henk?

Toepassen

★ ★ Opgave 4.6: Schilders

Schilder A kan een huis in 5 uur geheel schilderen, schilder B kan dit in 3 uur.

- a Welk deel van het huis kunnen beide schilders samen in een uur schilderen?
- b Waarom moet het steeds over hetzelfde (of een zeer vergelijkbaar) huis gaan?
- c Hoeveel tijd hebben beide schilders samen nodig om het huis te schilderen?
- d Schilder C schildert het huis in 3,5 uur. Welke deel van het huis schilderen B en C in 1 uur? Hoeveel tijd hebben ze nodig voor het hele huis?
- e Beantwoord de vragen uit d ook voor alle drie de schilders samen.

★ ★ ★

Opgave 4.7: Puzzel

De volgende puzzel is afkomstig uit 'Puzzles, old and new' van professor Hoffman uit 1893.

Stel met behulp van de cijfers 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 en 9 twee breuken samen waarvan de som 1 is. Elk cijfer moet precies één keer worden gebruikt.

Practicum


Veel rekenwerk doe je met een **rekenmachine**, ook met breuken rekenen.

Voor de volgende twee types rekenmachine zijn er practica beschikbaar:

- [Basistechnieken TI-30XB Multiview](#)
- [Basistechnieken Casio fx-82NL](#)

Met *AlgebraKIT* kun je oefenen met **het optellen en aftrekken van breuken**. Je kunt telkens een nieuwe opgave oproepen. Je maakt elke opgave zelf op papier.

Met 'Toon uitwerking' zie je het verder uitklapbare antwoord.

Met  krijg je een nieuwe opgave.

[Werk met AlgebraKIT.](#)

Antwoorden

4.1 a $2\frac{14}{15}$

b $\frac{11}{6} = 1\frac{5}{6}$

c $\frac{17}{12} = 1\frac{5}{12}$

d $\frac{11}{4} = 2\frac{3}{4}$

- 4.2**
- a. 2,93
 - b. 1,416
 - c. 1,416
 - d. 2,75

4.3 In AlgebraKIT kun je de antwoorden bekijken en uitleg uitklappen.

4.4 a $\frac{5}{21}$ deel.

b Als beide breuken niet over hetzelfde geheel gaan, kun je ze niet zonder meer optellen. Hier kan dat omdat de mannen en de vrouwen elk de helft van het geheel zijn.

4.5 $\frac{1}{4}$ deel.

4.6 a Samen schilderen ze per uur $\frac{8}{15}$ deel van het huis.

b Omdat je anders de breuken niet zinnig kunt optellen.

c Per huis hebben ze $\frac{15}{8} = 1,875$ uur nodig.

d Ze hebben voor het huis $\frac{21}{13}$ uur nodig.

e $\frac{105}{86}$ uur voor één huis.

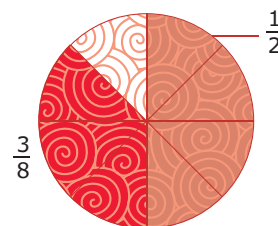
4.7 $\frac{35}{70} + \frac{148}{296} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1.$

1.5 Breuken vermenigvuldigen

Inleiding

Hier zie je dat $\frac{3}{8}$ deel hetzelfde is als $\frac{3}{4}$ van $\frac{1}{2}$. Kijk maar goed naar de figuur.

Maar wat heeft dit te maken met het vermenigvuldigen van breuken?



Figuur 5.1

Je leert in dit onderwerp

- breuken vermenigvuldigen.

Voorkennis

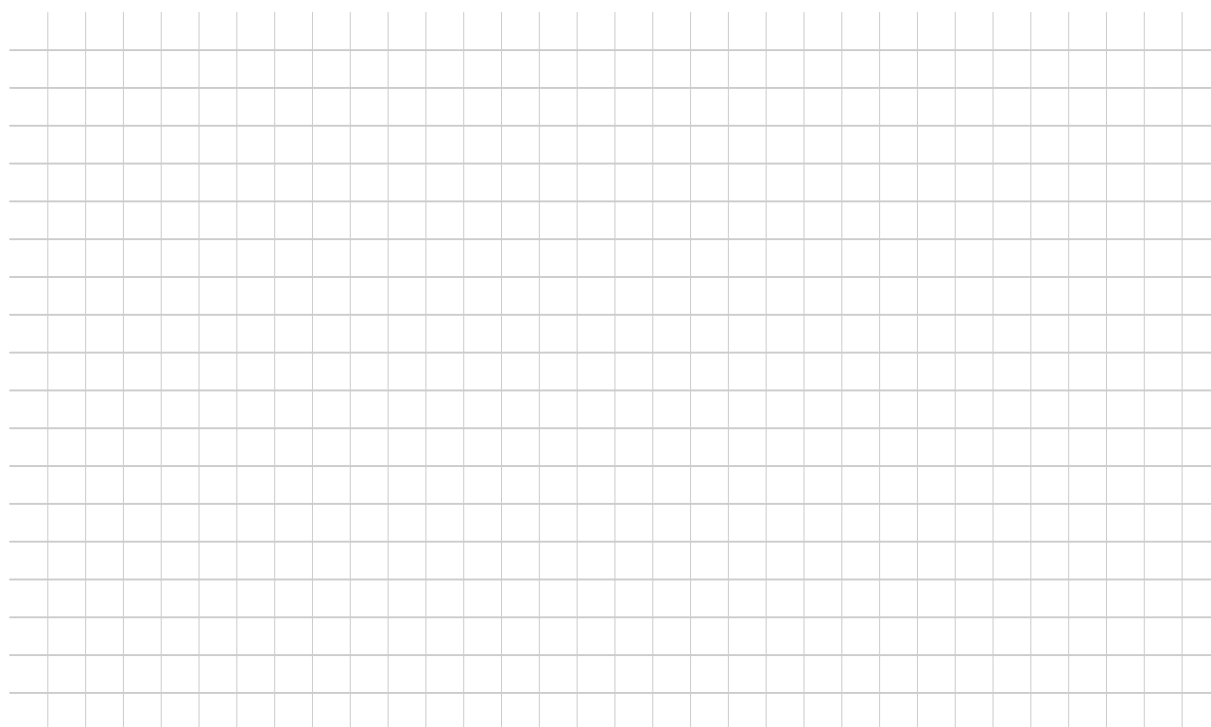
- rekenen met decimale getallen, zowel met de hand als met de rekenmachine, in de juiste rekenvolgorde;
- de begrippen breuk (met teller en noemer) en samengestelde breuk kennen;
- breuken vereenvoudigen, als decimaal getal schrijven en met elkaar vergelijken;
- breuken optellen en aftrekken.

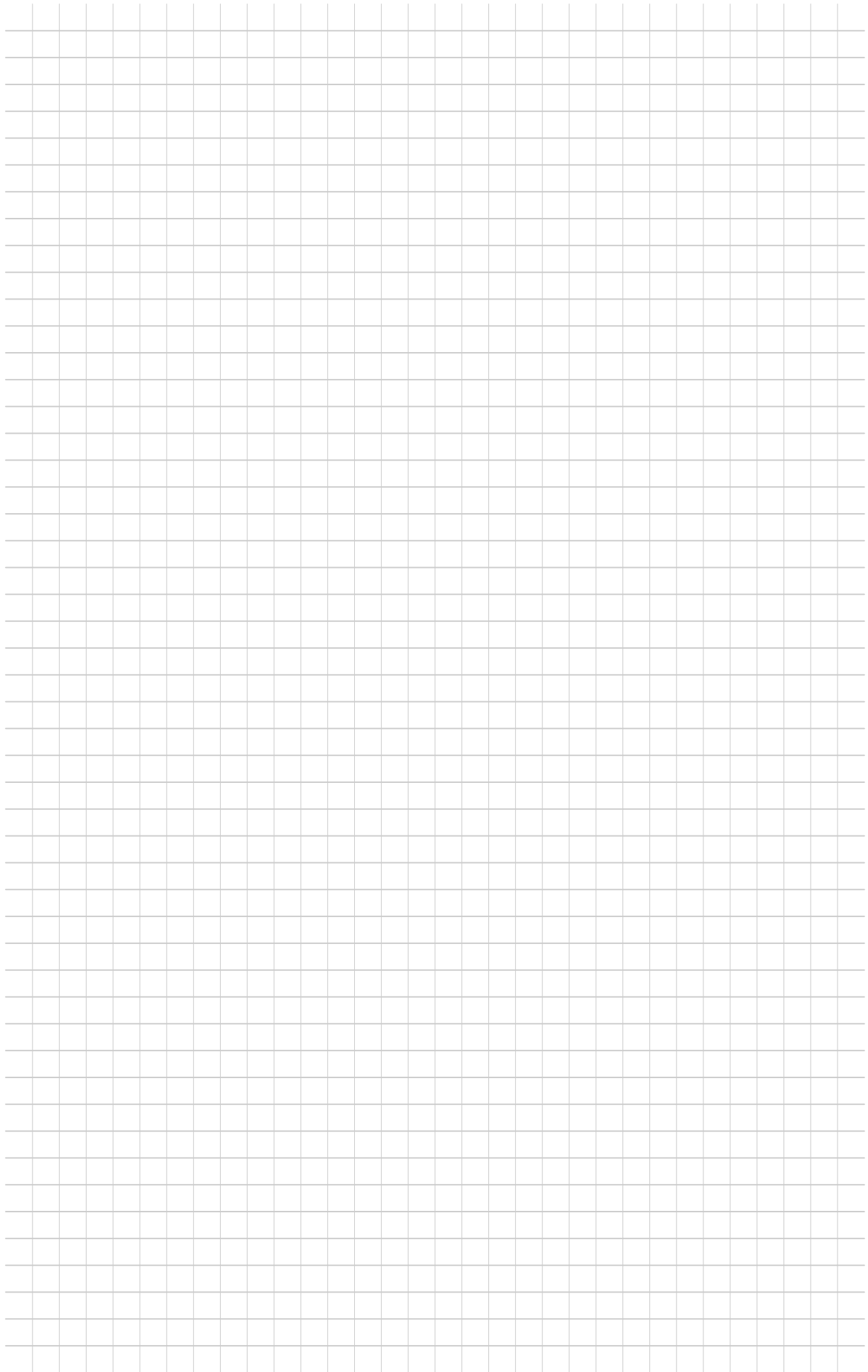
Voor de leerling

Je krijgt in groepjes één of meer opdrachten waarmee je de theorie die bij dit onderdeel hoort zelf gaat opbouwen. Het gaat om het vermenigvuldigen van twee breuken. Werk zoveel mogelijk met de hand, want deze kennis heb je later nog nodig (ook al kan je rekenmachine dit bij getallen wel voor je uitvoeren).

Maak eigen aantekeningen en uiteindelijk voor je zelf een theorie-overzicht.

Aantekeningen





Theorie

Om te onthouden

A large grid of graph paper with a light beige background and a light blue grid pattern, intended for taking notes on the theory of multiplying fractions.

Verwerken

★ Opgave 5.1

Voer de volgende berekeningen handmatig uit. Controleer de antwoorden met de rekenmachine.

- a $\frac{3}{5} \times 2\frac{1}{3} = \dots$
- b $2\frac{1}{6} \times 1\frac{3}{5} = \dots$
- c $3\frac{7}{12} \times 2\frac{5}{6} = \dots$
- d $\frac{3}{10} \times 3\frac{1}{3} = \dots$

★ Opgave 5.2

Voer de berekeningen in de voorgaande opgave ook uit met de rekenmachine, maar zonder gebruik te maken van de breukentoets.

Geef je antwoorden als exacte decimale getallen.

★ Opgave 5.3

Heb je nog niet genoeg geoefend? Oefen dan het handmatig vermenigvuldigen van breuken via het [Practicum](#).

Je oefent jezelf met behulp van AlgebraKIT. Blijf oefenen tot je vrijwel geen fouten meer maakt.

★ Opgave 5.4

Je kunt het land van boer Groot Koerkamp voorstellen door een rechthoek. Als de boer sterft wordt het land verdeeld onder zijn zonen. Bart krijgt de helft, Dirk $\frac{3}{8}$ en Ben $\frac{1}{8}$ deel.

- a Geef met drie kleuren aan wie van de zonen welk deel krijgt.
Bart verbouwt op $\frac{1}{4}$ deel van zijn land tulpen, op de helft narcissen en op de rest hyacinten. Dirk verbouwt op zijn stuk voor de helft tulpen en de rest hyacinten en Ben verbouwt alleen maar narcissen.
- b Deel de vakken op en geef in elk vakje met een T, een N of een H aan welke soort bloemen er verbouwd wordt.
- c Op welk deel van het totale land staan tulpen?
- d Schrijf de berekening op waarmee je het deel tulpen kunt berekenen zonder het plaatje te gebruiken.
- e Bereken op welk deel narcissen staan en controleer het in de tekening.
- f Bereken het deel hyacinten.

Toepassen

Stel dat 1 op de 8 werkende Nederlanders werkt bij een bouwbedrijf. En ook dat daarvan $\frac{2}{10}$ deel op kantoor werkt.

Welk deel van alle werkende Nederlanders werkt dan bij een bouwbedrijf op kantoor?

Je moet nu $\frac{2}{10}$ deel van $\frac{1}{8}$ deel uitrekenen: $\frac{2}{10} \times \frac{1}{8} = \frac{2}{80} = \frac{1}{40}$.

Dus 1 op de 40 werkende Nederlanders zit dan bij een bouwbedrijf op kantoor.

★ ★ **Opgave 5.5: Werkenden**

Bij **Toepassen** zie je hoe je het vermenigvuldigen van breuken toepast in de praktijk.

- a Welk deel van de werkende Nederlanders werkt wel bij een bouwbedrijf, maar niet op kantoor?

In een stad bestaat $\frac{3}{5}$ deel van de beroepsbevolking uit mannen van 20 jaar of ouder. Van die mannen is ongeveer 1 op de 40 werkloos.

- b Welk deel van de beroepsbevolking bestaat uit werkloze mannen van 20 jaar of ouder?
 c Deze stad heeft op het moment een beroepsbevolking van 86315 mensen. Hoeveel werkloze mannen van 20 jaar of ouder zijn er?

★ ★ **Opgave 5.6: Sportblessures**

Zo'n 9 miljoen Nederlanders doen aan sport. Bij al die activiteit komen nogal wat blessures voor: elk jaar moet 1 op de 5 sporters medisch worden behandeld. $\frac{1}{6}$ deel van alle sportblessures zijn knieblessures.

- a Het hoeveelste deel van alle 17 miljoen Nederlanders doet aan sport?
 b Het hoeveelste deel van alle Nederlanders moet voor een sportblessure worden behandeld?
 c Hoeveel sportende Nederlanders krijgen in de loop van het jaar een knieblessure? Schrijf je berekening op.

Practicum


Veel rekenwerk doe je met een **rekenmachine**, ook met breuken rekenen.

Voor de volgende twee types rekenmachine zijn er practica beschikbaar:

- [Basistechnieken TI-30XB Multiview](#)
- [Basistechnieken Casio fx-82NL](#)

Met **AlgebraKIT** kun je oefenen met **het vermenigvuldigen van breuken**. Je kunt telkens een nieuwe opgave oproepen. Je maakt elke opgave zelf op papier.

Met 'Toon uitwerking' zie je het verder uitklapbare antwoord.

Met  krijg je een nieuwe opgave.

Werk met AlgebraKIT.

Antwoorden

5.1 a $\frac{7}{5} = 1\frac{2}{5}$

b $\frac{52}{15} = 3\frac{7}{15}$

c $\frac{731}{72} = 10\frac{11}{72}$

d 1

5.2 1. 0,4

2. 3,46

3. 10,1527

4. 1

5.3 In AlgebraKIT kun je de antwoorden bekijken en uitleg uitklappen.

5.4 a Kies zelf de afmetingen van je rechthoek, verdeel hem in acht gelijke verticale stroken.

b Het is handig om de rechthoek ook in 4 horizontale stroken te verdelen.

c $\frac{5}{16}$ deel.

d $\frac{5}{16}$ deel.

e $\frac{3}{8}$ deel.

f $\frac{5}{16}$ deel.

5.5 a $\frac{1}{10}$ deel.

b $\frac{3}{200}$ deel.

c ≈ 1295 mannen.

5.6 a $\frac{9}{17}$ deel.

b $\frac{9}{85}$ deel.

c 300000.

1.6 Breuken delen

Inleiding

Als je je afvraagt hoeveel munten van 50 cent er in € 3,50 passen, ben je breuken aan het delen. Je berekent dan $3\frac{1}{2} / \frac{1}{2}$. En wat komt daar uit?

Je leert in dit onderwerp

- breuken delen.

Voorkennis

- rekenen met decimale getallen, zowel met de hand als met de rekenmachine, in de juiste rekenvolgorde;
- de begrippen breuk (met teller en noemer) en samengestelde breuk kennen;
- breuken vereenvoudigen, als decimaal getal schrijven en met elkaar vergelijken;
- breuken optellen, aftrekken en vermenigvuldigen.

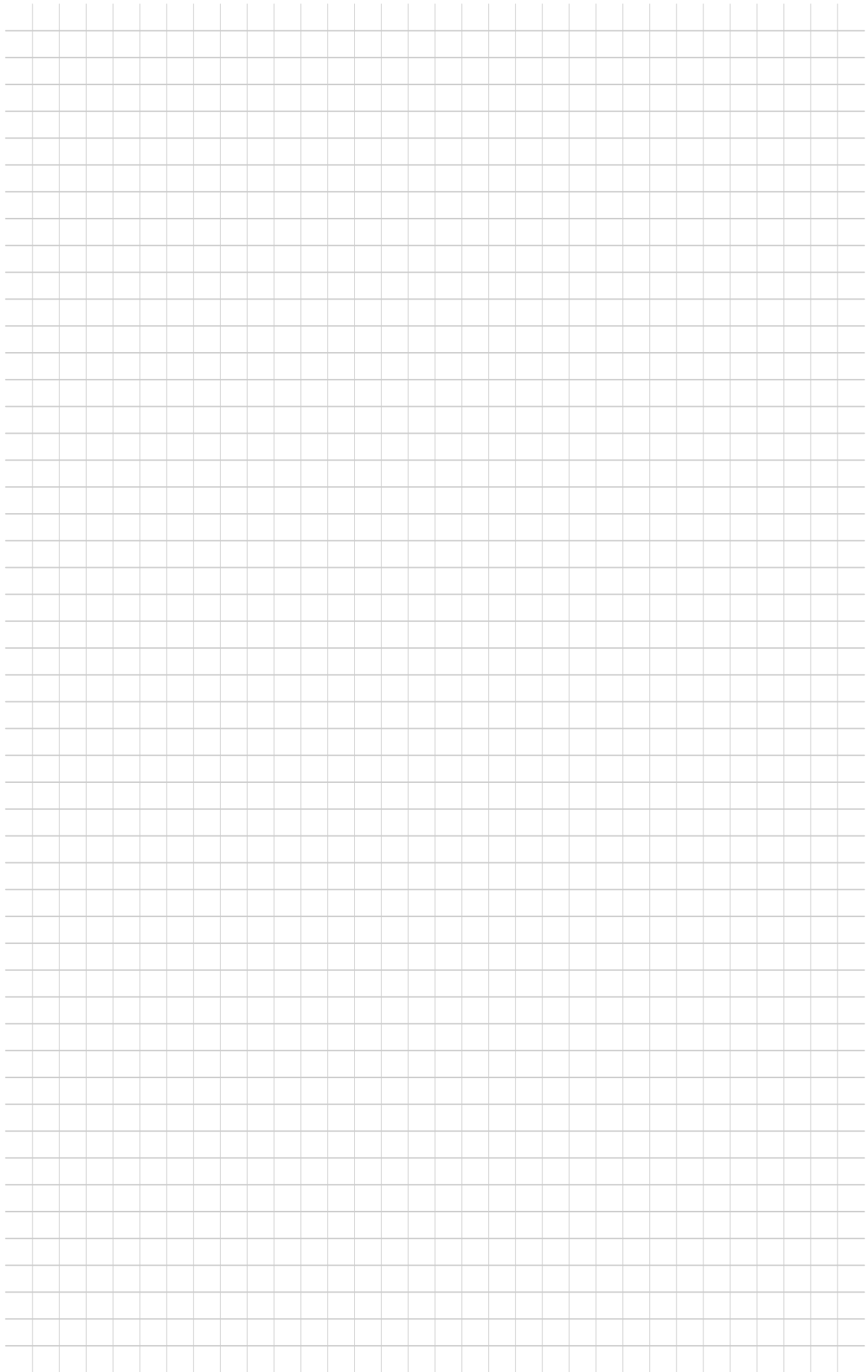
Voor de leerling

Je krijgt in groepjes één of meer opdrachten waarmee je de theorie die bij dit onderdeel hoort zelf gaat opbouwen. Het gaat om het delen van twee breuken door ze gelijknamig te maken. Werk zoveel mogelijk met de hand, want deze kennis heb je later nog nodig (ook al kan je rekenmachine dit bij getallen wel voor je uitvoeren).

Maak eigen aantekeningen en uiteindelijk voor je zelf een theorie-overzicht.

Aantekeningen







Theorie

Om te onthouden

A large grid of graph paper with a light beige background and a light gray grid pattern, intended for taking notes on the theory of fractions.

Verwerken

★ Opgave 6.1

Voer de volgende berekeningen handmatig uit. Controleer de antwoorden met de rekenmachine.

- a $12 \frac{2}{3} = \dots$
- b $\frac{2}{3} / 12 = \dots$
- c $\frac{3}{5} / \frac{2}{3} = \dots$
- d $2 \frac{1}{6} / 1 \frac{3}{5} = \dots$
- e $3 \frac{7}{12} / 2 \frac{5}{6} = \dots$
- f $\frac{3}{10} / 3 \frac{1}{3} = \dots$

★ Opgave 6.2

Voer de berekeningen in de voorgaande opgave ook uit met de rekenmachine, maar zonder gebruik te maken van de breukentoets.

Geef je antwoorden als exacte decimale getallen.

★ Opgave 6.3

Heb je nog niet genoeg geoefend? Oefen dan het handmatig delen van breuken via het [Practicum](#). Je oefent jezelf met behulp van AlgebraKIT. Blijf oefenen tot je vrijwel geen fouten meer maakt.

★ Opgave 6.4

Nathalie heeft vaak last van benauwdheid. Daarom slikt ze medicijnen. Ze slikt per dag $1 \frac{1}{2}$ tablet. In een strip zitten 20 tabletjes.

- a Hoeveel dagen doet Nathalie met één strip?
In de zomer moet ze een $\frac{1}{4}$ tablet méér nemen.
- b Hoeveel dagen doet ze nu met één strip?

Toepassen

Als je naar Engeland op vakantie gaat, moet je met Engelse ponden (Pound Sterling) betalen. En elk Engelse pond is tegenwoordig 100 pence: £ 1,00 = 100 p.

In de [Wikipedia](#) stond in juli 2005 deze tekst over het Engelse pond: "Tot de overgang naar het decimale stelsel in 1971 werd het pond onderverdeeld in 240 pence of 20 shilling. Elke shilling was daarbij 12 pence waard. Prijzen werden weergegeven in £ /s/d (zoveel pond, zoveel shilling en zoveel pence), wat het omrekenen voor toeristen zeer ingewikkeld maakte. De 's' van shilling stond in principe niet voor het woord zelf, maar voor het Latijnse 'solidus'. Het symbool voor de penny was tot de overgang een 'd', van het Latijnse 'denarius'."

Een shilling was dus $\frac{1}{20}$ deel van een pond. En een penny was het $\frac{1}{240}$ deel van een pond. En daarom gingen er $\frac{1}{20} / \frac{1}{240} = \frac{12}{240} / \frac{1}{240} = 12$ pence in een shilling.

★★ Opgave 6.5: Geldsoorten

In **Toepassen** zie je hoe in Groot Britannië voor 1971 met pennies en shilling werd gerekend.

- a Welk deel van een shilling was 1 penny?

In Nederland gebruikten we tot 1 januari 2002 de gulden. Verder waren er kwartjes (kwart guldens), dubbeltjes ($\frac{1}{10}$ gulden), stuivers ($\frac{1}{20}$ gulden) en centen ($\frac{1}{100}$ gulden). Ook was er de rijksdaalder ($2\frac{1}{2}$ gulden).

- b Hoeveel stuivers gingen er in een rijksdaalder?
c Hoeveel stuivers gingen er in een kwartje?

In de Wikipedia vind je een **artikel over de geschiedenis van de Tibetaanse munten**. In het begin van de twintigste eeuw toen Tibet een zelfstandig land was had het een eigen muntstelsel: 1 srang = $6\frac{2}{3}$ tangkas, 1 tangka = $1\frac{1}{2}$ sho = 15 skar.

- d Hoeveel sho gingen er in 1 srang?
e Welk deel van 1 srang is 1 skar?

★★ Opgave 6.6: Diophantus

Diophantus van Alexandrië was een Grieks wiskundige die omstreeks 250 jaar na het begin van onze jaartelling leefde. Over zijn leven is weinig bekend, maar een latere bron zegt dit: "Diophantus' jeugd duurde eenzesde deel van zijn leven. Zijn baard begon een twaalfde deel later te groeien. Hij trouwde een zevende deel later en zijn zoon werd vijf jaar daarna geboren. Die zoon leefde de helft van Diophantus' leeftijd. Diophantus stierf vier jaar na zijn zoon."

Hoe oud was Diophantus toen hij overleed?

★★★ Opgave 6.7: De Rhind-papyrus

De Rhind-papyrus is het oudst bekende geschrift met wiskundige vraagstukken. Bijvoorbeeld deze: "Een getal plus tweederde ervan plus een half ervan plus eenzevende ervan, is bij elkaar 37."

- a Wat is het getal?

"Ik heb een getal in gedachten en tel er tweederde van dat getal bij op. Dan trek ik er éénderde van het totaal van af. Mijn antwoord is 10."

- b Wat is het getal?

Practicum

Veel rekenwerk doe je met een **rekenmachine**, ook met breuken rekenen.

Voor de volgende twee types rekenmachine zijn er practica beschikbaar:

- **Basistechnieken TI-30XB Multiview**
- **Basistechnieken Casio fx-82NL**

Met **AlgebraKIT** kun je oefenen met **het vermenigvuldigen en delen van breuken**. Je kunt telkens een nieuwe opgave oproepen. Je maakt elke opgave zelf op papier.

Met 'Toon uitwerking' zie je het verder uitklapbare antwoord.

Met  krijg je een nieuwe opgave.

Werk met AlgebraKIT.

Antwoorden

6.1 a 18

b $\frac{1}{18}$

c $\frac{9}{10}$

d $\frac{65}{48} = 1\frac{17}{48}$

e $\frac{43}{34} = 1\frac{9}{34}$

f $\frac{9}{100}$

6.2 a. 18

b. 0,05

c. 0,9

d. 1,35416

e. 1,26470588235293 (Dit gaat alleen handmatig, niet met de rekenmachine!)

f. 0,09

6.3 In AlgebraKIT kun je de antwoorden bekijken en uitleg uitklappen.

6.4 a Ruim 13 dagen.

b Ruim 11 dagen.

6.5 a $\frac{1}{12}$ deel.

b 50

c 5

d 10

e $\frac{1}{100}$ deel.

6.6 84 jaar.

6.7 a $16\frac{2}{97}$

b 9

1.7 Totaalbeeld

Samenvatten

Begrippenlijst

- breuk, samengestelde breuk — teller, noemer, deelstreep
- decimaal als breuk — tienden, honderdsten, enz.
- gelijknamig
- breuken optellen/afrekken
- breuken vermenigvuldigen
- breuken delen

Activiteitenlijst

- de begrippen breuk, teller en noemer gebruiken;
- breuken omrekenen naar decimale getallen en omgekeerd;
- breuken vergelijken door gelijknamig maken;
- breuken optellen en aftrekken;
- breuken vermenigvuldigen;
- breuken delen.

Opgave 7.1

Bekijk de breuk $\frac{5}{7}$.

- Welke getal is de teller? En welk getal is de noemer?
- Breng deze breuk in beeld door het juiste deel van een rechthoek te kleuren.
- Laat in de figuur zien dat $\frac{5}{7} = \frac{15}{21}$.
- Schrijf $\frac{5}{7}$ als exact decimaal getal.

Opgave 7.2

Vul het juiste teken $>$, $<$ of $=$ in:

- $\frac{5}{9} \dots \frac{7}{9}$
- $\frac{5}{9} \dots \frac{5}{11}$
- $\frac{5}{9} \dots \frac{2}{3}$
- $1\frac{2}{7} \dots 1\frac{3}{8}$

Opgave 7.3

Breuken optellen en aftrekken.

- Geef een voorbeeld van het optellen van twee gelijknamige breuken.
- Geef een voorbeeld van het aftrekken van twee gelijknamige breuken.
- Geef een voorbeeld van het optellen van twee ongelijknamige breuken.
- Geef een voorbeeld van het aftrekken van twee ongelijknamige breuken.

Opgave 7.4

Bekijk de vermenigvuldiging $1\frac{3}{7} \times \frac{5}{6}$.

- Teken hierbij rechthoeken waarmee je de uitkomst van deze vermenigvuldiging duidelijk maakt.
- Doe de berekening handmatig.
- Doe de berekening met de breukentoets van de rekenmachine.
- Doe de berekening zonder de breukentoets van je rekenmachine te gebruiken en geef je antwoord exact.

Opgave 7.5

Bekijk de deling $1\frac{3}{7} / \frac{5}{6}$.

- Doe de berekening handmatig.
- Doe de berekening met de breukentoets van de rekenmachine.
- Doe de berekening zonder de breukentoets van je rekenmachine te gebruiken en geef je antwoord exact.

Testen

★ Opgave 7.6

Als meneer en mevrouw de Ruiter voor hun dochtertje een basisschool gaan zoeken informeren ze bij de drie basisscholen in Overdal welk deel van de leerlingen uiteindelijk naar havo of vwo gaat.

Basisschool	aantal in groep 8	aantal naar havo/vwo
't Kompas	38	11
De Dolfijn	38	12
De Schakel	39	12

Tabel 7.1

- Vergelijk de drie scholen. Geef van iedere school aan welk deel van de leerlingen naar havo/vwo gaat. Bij welke school is dit deel het grootst?
- Vind je dit een belangrijk gegeven bij de keuze voor een basisschool?
Op een havo/vwo-school komt $\frac{1}{5}$ deel van de brugklasleerlingen van 'De Schakel', $\frac{2}{15}$ deel van 'De Dolfijn' en $\frac{1}{10}$ deel van "'t Kompas'.
- Welk deel van de brugklassers heeft in Overdal op school gezeten?

★ Opgave 7.7

Bereken met de hand (dus zonder rekenmachine):

- $\frac{1}{4} + \frac{4}{15} = \dots$
- $\frac{4}{15} - \frac{1}{4} = \dots$
- $2\frac{1}{4} + 1\frac{4}{15} = \dots$
- $2\frac{1}{4} - 1\frac{4}{15} = \dots$
- $\frac{1}{4} \times \frac{4}{15} = \dots$
- $\frac{1}{4} / \frac{4}{15} = \dots$

g $2\frac{1}{4} \times 1\frac{4}{15} = \dots$

h $2\frac{1}{4} / 1\frac{4}{15} = \dots$

★ **Opgave 7.8**

Voer de berekeningen in de voorgaande opgave ook uit met de rekenmachine, maar zonder de breukentoets te gebruiken.

Geef exacte antwoorden in decimalen.

★ **Opgave 7.9**

De heer Daems zegt ontevreden tegen zijn mentorklas: "Op dit moment dreigen er 8 leerlingen te blijven zitten, dat is $\frac{2}{7}$ deel van de klas!"

a Bereken het aantal leerlingen in de klas.

Een kwart van de leerlingen die er slecht voor stonden en een vijfde deel van de leerlingen die er nog goed voor stonden, is uiteindelijk blijven zitten.

b Ga na of de klas zich heeft verbeterd na de waarschuwing van meneer Daems.

★ **Opgave 7.10**

Van de scooters die uit een fabriek komen is $\frac{2}{3}$ deel rood. $\frac{5}{8}$ deel van de rode scooters is elektrisch, de rest loopt op benzine.

a Welke deel van alle scooters is rood en elektrisch?

Per dag verlaten er 960 scooters de fabriek.

b Hoeveel daarvan zijn rood en elektrisch?

De rode scooters die op benzine lopen worden in de fabriek gevuld met elk $2\frac{1}{3}$ liter benzine.

c Hoeveel liter benzine wordt er dus op één dag getankt?

In de grote benzinetank van de fabriek gaat 7000 liter.

d Hoeveel scooters kunnen ze daarmee van $2\frac{1}{3}$ liter benzine voorzien?

★ **Opgave 7.11**

Oefen het handmatig rekenen met breuken via het **Practicum**.

Je oefent jezelf met behulp van AlgebraKIT. Blijf oefenen tot je vrijwel geen fouten meer maakt.

★★ **Opgave 7.12**

Maak de volgende berekeningen kloppend door het juiste getal of de juiste getallen (soms een breuk) in te vullen:

a $\frac{3}{8} + \frac{\dots}{12} = \frac{19}{24}$

b $1\frac{7}{8} - \dots = \frac{3}{4}$

c $\frac{7}{12} \cdot \frac{\dots}{13} = \frac{14}{39}$

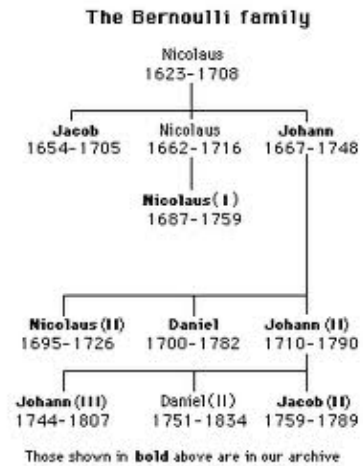
d $\frac{3}{5} / \dots = 10$

Toepassen

★★ Opgave 7.13: Stamboom

De Zwitserse familie Bernoulli heeft een flink aantal bekende wiskundigen voortgebracht, allemaal mannen. Je ziet hier een deel van de mannelijke lijn van hun familiestamboom. De namen van de bekende wiskundigen zijn vet gedrukt. In het algemeen komen iemand's erfelijke eigenschappen voor de helft van de vader en voor de helft van de moeder. Bekijk nu Johann III Bernoulli.

- Hoe groot is het deel dat zijn overgrootvader van vaders kant aan erfelijke eigenschappen heeft bijgedragen?
- Jakob en Johann Bernoulli waren de eerste bekende wiskundigen uit de familie. Als je aanneemt dat goed zijn in wiskunde erfelijk is, voor welk deel heeft Johann III dan zijn wiskundige capaciteiten geërfd?
- Kun je op grond van deze stamboom aannemen dat wiskundige kwaliteiten erfelijk zijn?



Figuur 7.1

★★★ Opgave 7.14: Behangplaksel

In een receptenboek uit 1936 staat dit recept voor behangplaksel (dl staat voor deel of delen).

Rijstbloem 4 dl
 Krijt (zeer fijn) 2 dl
 Caseïne 1 dl
 Aluin in poeder $\frac{1}{2}$ dl

Men kan het mengsel direct met heet water tot een bruikbare pap aanroeren. Beter lost men de caseïne met iets ammoniak op als vroeger aangegeven en mengt deze oplossing met de gekookte rijstemeelpap. Verder is een pap van zuivere tarwebloem zeer bruikbaar. Hiertoe mengt men de tarwebloem met koud water tot een dun papje aan en giet dit mengsel juist als bij stijfsel in een voldoende hoeveelheid kokend water.

- Rijstbloem koop je in pakken van 1 kg. Hoeveel moet je van de andere bestanddelen inkopen als je 1 pak rijstbloem tot behangplaksel wilt verwerken?
- Met 1 kg behangplaksel kun je 20 m^2 muur behangen. Hoeveel van elk van deze ingrediënten moet je kopen om 35 m^2 muur te kunnen behangen?

★★★ Opgave 7.15: Priemgetallen als noemer

Bij breuken waarvan de noemers wat grotere priemgetallen zijn is het lastig om ze te schrijven als een decimaal getal. Je rekenmachine helpt dan vaak niet goed.

- Schrijf $\frac{1}{29}$ als decimaal getal.
- Waarom kun je nu $\frac{3}{29}$ gemakkelijk als decimaal getal schrijven?
- Probeer als decimaal getal te schrijven: $\frac{3}{29} - \frac{3}{31}$.

Antwoorden

- 7.1 a** De teller is 5 en de noemer is 7.
- b** Verdeel een rechthoek in 7 even brede verticale banen en kleur er 5 van.
- c** Verdeel de rechthoek in 3 even hoge horizontale banen.
- d** $\frac{5}{7} = 5/7 = 0,7142857$. (Gebruik de rekenmachine of voer een staartdeling uit.)
- 7.2 a** $\frac{5}{9} < \frac{7}{9}$
- b** $\frac{5}{9}$ en $\frac{5}{11}$ gelijknamig maken: $\frac{5}{9} = \frac{55}{99}$ en $\frac{5}{11} = \frac{45}{99}$.
Dus $\frac{5}{9} > \frac{5}{11}$.
- c** $\frac{5}{9}$ en $\frac{2}{3}$ gelijknamig maken: $\frac{5}{9}$ en $\frac{2}{3} = \frac{6}{9}$.
Dus $\frac{5}{9} < \frac{2}{3} = \frac{6}{9}$.
- d** $1\frac{2}{7} = \frac{9}{7}$ en $1\frac{3}{8} = \frac{11}{8}$ gelijknamig maken: $\frac{9}{7} = \frac{72}{56}$ en $\frac{11}{8} = \frac{99}{56}$.
Dus $1\frac{2}{7} = 1\frac{16}{56} < 1\frac{3}{8} = 1\frac{21}{56}$.
- 7.3 a** $\frac{5}{9} + \frac{7}{9} = \frac{12}{9}$
- b** $\frac{5}{9} - \frac{4}{9} = \frac{1}{9}$
- c** $\frac{5}{9} + \frac{2}{3} = \frac{5}{9} + \frac{6}{9} = \frac{11}{9}$
- d** $\frac{3}{8} - \frac{2}{7} = \frac{21}{56} - \frac{16}{56} = \frac{5}{56}$
- 7.4 a** Teken twee rechthoeken van 7 bij 6 roosterhokjes. Kleur de éne rechthoek helemaal en van de andere $\frac{3}{7}$ deel. Geef daarna van beide rechthoeken $\frac{5}{6}$ deel een andere kleur.
- b** $1\frac{3}{7} \times \frac{5}{6} = \frac{10}{7} \times \frac{5}{6} = \frac{10 \times 5}{7 \times 6} = \frac{50}{42} = \frac{25}{21} = 1\frac{4}{21}$.
- c** Doen.
- d** Voer in $(1 + 3/7) \times (5/6)$ en je krijgt 1,190476.
- 7.5 a** $1\frac{3}{7} / \frac{5}{6} = \frac{10}{7} / \frac{5}{6} = \frac{60}{42} / \frac{35}{42} = 60/35 = \frac{12}{7} = 1\frac{5}{7}$.
- b** Doen.
- c** Voer in $(1 + 3/7) / (5/6)$ en je krijgt 1,714285.
- 7.6 a** Bij De Dolfijn.
- b** Eigen antwoord, denk wel echt serieus na of dit wel een erg sterke reden is.
- c** $\frac{13}{30}$ deel.
- 7.7 a** $\frac{31}{60}$
- b** $\frac{1}{60}$
- c** $3\frac{31}{60}$
- d** $\frac{59}{60}$

e $\frac{1}{15}$

f $\frac{15}{16}$

g $\frac{57}{20} = 2\frac{17}{20}$

h $\frac{135}{76} = 1\frac{59}{76}$

- 7.8**
- a. 0,516
 - b. 0,016
 - c. 3,516
 - d. 0,983
 - e. 0,06
 - f. 0,9375
 - g. 2,85
 - h. 1,7763157897368421052 (Dit kan alleen handmatig!)

- 7.9 a** 28 leerlingen.
b De klas heeft zich als geheel iets verbeterd.

- 7.10 a** $\frac{5}{12}$ deel.
b 400
c Rood en op benzine: 240 scooters en 560 liter benzine.
d 3000 scooters.

7.11 In AlgebraKIT kun je de antwoorden bekijken en uitleg uitklappen.

- 7.12 a** ... = 5
b ... = $\frac{9}{8}$
c ... = 8
d ... = $\frac{50}{3}$.

- 7.13 a** $\frac{1}{8}$ deel.
b $\frac{1}{4}$ deel, aannemende dat de moeders geen wiskundigen waren.
c Nee, dit is maar één familie.

- 7.14 a** $\frac{1}{2}$ kg krijt, $\frac{1}{4}$ kg caseïne en $\frac{1}{8}$ kg aluinpoeder.
b Ongeveer 0,467 kg rijstbloem, 0,233 kg krijt, 0,117 kg caseïne en 0,058 kg aluinpoeder.

- 7.15 a** 0,0344827586206896551724137931.
b Dat is gewoon drie keer zoveel.
c $\frac{3}{29} - \frac{3}{31} = \frac{6}{899}$. Dit is nauwelijks te doen, pas na 420 cijfers gaat er herhaling optreden.

Leerdoelentabel

In het achter de opgave kun je aangeven hoe je de opgave hebt gemaakt:

✓ goed gemaakt — S wel begrepen maar een slordige fout gemaakt — H hulp nodig gehad — G samen met groepje goed gemaakt — X fout gemaakt en niet goed begrepen — N niet bekeken

1	Wat is een breuk?	★	★★	★★★
	De begrippen breuk (met teller en noemer) en samengestelde breuk.	1.1 <input type="checkbox"/> 1.2 <input type="checkbox"/> T 7.6 <input type="checkbox"/>	1.3 <input type="checkbox"/>	
	Breuken vereenvoudigen.	1.1 <input type="checkbox"/> 1.2 <input type="checkbox"/> T 7.6 <input type="checkbox"/>	1.3 <input type="checkbox"/>	
2	Van breuk naar decimaal getal	★	★★	★★★
	Breuken en decimale getallen in elkaar omzetten.	2.1 <input type="checkbox"/> 2.2 <input type="checkbox"/> 2.3 <input type="checkbox"/> T 7.6 <input type="checkbox"/>	2.4 <input type="checkbox"/>	2.5 <input type="checkbox"/>
	Breuken gebruiken als exacte antwoorden vereist zijn.	2.1 <input type="checkbox"/> 2.3 <input type="checkbox"/>		2.5 <input type="checkbox"/>
3	Breuken vergelijken	★	★★	★★★
	Breuken met elkaar vergelijken door (als nodig) gelijknamig maken.	3.1 <input type="checkbox"/> 3.2 <input type="checkbox"/> 3.3 <input type="checkbox"/> T 7.6 <input type="checkbox"/>	3.4 <input type="checkbox"/>	T 7.14 <input type="checkbox"/> T 7.15 <input type="checkbox"/>
4	Breuken optellen en aftrekken	★	★★	★★★
	Breuken optellen en aftrekken.	4.1 <input type="checkbox"/> 4.2 <input type="checkbox"/> 4.3 <input type="checkbox"/> 4.4 <input type="checkbox"/> 4.5 <input type="checkbox"/> T 7.6 <input type="checkbox"/> T 7.7 <input type="checkbox"/> T 7.8 <input type="checkbox"/> T 7.9 <input type="checkbox"/> T 7.11 <input type="checkbox"/>	4.6 <input type="checkbox"/> T 7.12 <input type="checkbox"/>	4.7 <input type="checkbox"/> T 7.14 <input type="checkbox"/> T 7.15 <input type="checkbox"/>
5	Breuken vermenigvuldigen	★	★★	★★★
	Breuken vermenigvuldigen.	5.1 <input type="checkbox"/> 5.2 <input type="checkbox"/> 5.3 <input type="checkbox"/> 5.4 <input type="checkbox"/> T 7.7 <input type="checkbox"/> T 7.8 <input type="checkbox"/> T 7.9 <input type="checkbox"/> T 7.10 <input type="checkbox"/> T 7.11 <input type="checkbox"/>	5.5 <input type="checkbox"/> 5.6 <input type="checkbox"/> T 7.12 <input type="checkbox"/> T 7.13 <input type="checkbox"/>	T 7.14 <input type="checkbox"/>
6	Breuken delen	★	★★	★★★
	Breuken delen.	6.1 <input type="checkbox"/> 6.2 <input type="checkbox"/> 6.3 <input type="checkbox"/> 6.4 <input type="checkbox"/> T 7.7 <input type="checkbox"/> T 7.8 <input type="checkbox"/> T 7.10 <input type="checkbox"/> T 7.11 <input type="checkbox"/>	6.5 <input type="checkbox"/> 6.6 <input type="checkbox"/> T 7.12 <input type="checkbox"/>	6.7 <input type="checkbox"/> T 7.15 <input type="checkbox"/>

Het lesmateriaal in deze reader is gebaseerd op het materiaal dat ook op de Math4All website staat.

De reader is gegenereerd met de Math4All maatwerkdienst. De inhoud en de volgorde van de onderwerpen in deze reader zijn gekozen door docenten van het ConTeXt College.

Stichting Math4All



www.math4all.nl

